4 Redução de dados e análise da propagação das incertezas das medições

A determinação da incerteza de medição é importante porque as medidas obtidas são estimativas do resultado e é necessário saber o quanto este resultado aproxima-se do correto (Doiron e Stoup, 1997). Métodos têm sido desenvolvidos para determinar os limites a fim de que um resultado esteja o mais próximo possível do valor correto, sendo os referidos limites estabelecidos pela incerteza dos resultados.

Segundo Doiron e Stoup (1997), "o cálculo da incerteza de medição pode ser considerado como uma tentativa de definir, em concordância com regras padrão, os limites 'razoáveis' do resultado obtido".

A incerteza da medição é, geralmente, expressa como uma faixa de valores em torno do valor medido, e centrada simetricamente. Inclui todos os fatores que podem influenciar o resultado, tais como precisão e escala do instrumento, mudança de temperatura ambiente, distorção estrutural, velocidade e direção de aproximação do instrumento de medição e a força de medição, entre outros (Phillips, 1995).

Segundo o Vocabulário Internacional de Metrologia (IOS, 1995), "medição é o conjunto de operações que tem por objetivo determinar o valor de uma grandeza"; "o resultado de uma medição é o valor atribuído a um mensurando, obtido por medição"; e "a expressão completa do resultado de uma medição inclui informações sobre a incerteza de medição".

No presente capítulo são apresentados os procedimentos para a redução dos dados experimentais, levando aos parâmetros relevantes para a análise do sistema,

delineados no capítulo anterior, junto com as incertezas das medições associadas a eles.

4.1. Grupo Motor – Gerador e recuperação de calor dos gases de exaustão



Figura 32 - Esquema de medição do conjunto motor - gerador

O conjunto Motor – Gerador é analisado através do balanço de energia:

$$\dot{m}_{a} h_{a1} + \dot{m}_{f} H_{f} + \dot{m}_{wm} h_{w3} = P_{EG} + \dot{m}_{wm} h_{w4} + \dot{m}_{g} h_{g5} + Q_{l,EG}$$
(4.1)

A energia consumida pelo sistema de cogeração e trigeração é calculada em função da vazão mássica de combustível e do poder calorífico inferior do mesmo, e da energia contida no ar que forma parte de mistura combustível, segundo a expressão (4.2) abaixo:

$$\dot{E}_{SG} = \dot{m}_{ar} c_{p,ar} T_{ar} + \dot{m}_f H_f \tag{4.2}$$

O consumo que conta, para os resultados, é $\dot{m}_{f}H_{f}$.

O calor específico do ar, $c_{p,ar}$, é calculado usando a equação que se apresenta na figura 33, e a incerteza no cálculo da referida propriedade, $\delta c_{p,ar}$, foi avaliada, de acordo com a própria figura, em ±0,0005 kJ/kg.K. A vazão de ar é medida com o sistema de tanque e orifício (*Go-Power*) com incerteza de 5% da vazão medida.



A incerteza na medição da temperatura do ar, δT_{ar} , é de ±0,2 °C.

Cp do Ar

Figura 33 - Gráfico e ajuste de curva do calor específico a pressão constante do ar

Com base nos valores apresentados obtém-se a incerteza no cálculo da parcela de energia correspondente ao ar, segundo a expressão:

$$\delta \dot{E}_{ar} = \sqrt{\left(\dot{m}_{ar}c_{p,ar}\delta T_{ar}\right)^2 + \left(\dot{m}_{ar}T_{ar}\delta c_{p,ar}\right)^2 + \left(c_{p,ar}T_{ar}\delta \dot{m}_{ar}\right)^2} \tag{4.3}$$

situando-se o valor da referida incerteza na faixa de $\pm 0,025 \ kW$.

Já na parcela referida à energia do combustível, considera-se somente a incerteza referente à medição do combustível, o que é expresso pela equação (4.4), no caso do óleo Diesel puro, e por (4.5) no caso em que o motor opera consumindo, também, gás natural veicular.

$$\delta \dot{E}_f = H_{Diesel} \delta \dot{m}_{Diesel} \tag{4.4}$$

$$\delta \dot{E}_{f} = \sqrt{\left(H_{Diesel}\delta \dot{m}_{Diesel}\right)^{2} + \left(H_{GNV}\delta \dot{m}_{GNV}\right)^{2}} \tag{4.5}$$

A incerteza na medição da vazão de óleo Diesel, $\delta \dot{m}_{Diesel}$, situa-se na faixa de $\pm 6,715 \times 10^{-6} \ kg/s$ e a da vazão de GNV, $\delta \dot{m}_{GNV}$, na faixa de $\pm 4,215 \times 10^{-6} \ kW$. Ambos os valores são fornecidos pelos fabricantes dos sensores usados na medição das respectivas grandezas. O valor médio da incerteza no cálculo da energia do combustível, $\delta \dot{E}_f$, ficou, portanto, na faixa de $\pm 8,53 \times 10^{-5} \ kW$.

A parcela correspondente à potência elétrica produzida pelo grupo motor – gerador é calculada como se apresenta a seguir:

$$P_{GE} = V_{GE} I_{GE} \tag{4.6}$$

A incerteza na medição da voltagem, δV_{GE} , tem um valor de $\pm 0,5V$ e a da corrente, δI_{GE} , um valor de $\pm 0,5A$. Com esses valores é calculada a incerteza da potência elétrica segundo a expressão:

$$\delta^2 P_{GE} = \left(V_{GE} \delta I_{GE} \right)^2 + \left(I_{GE} \delta V_{GE} \right)^2 \tag{4.7}$$

obtendo-se um valor de incerteza para toda a faixa de potência testada de $\pm 110W$, que representa um valor máximo de $\pm 3,1\%$ e um valor mínimo de $\pm 1,5\%$ da potência gerada.

A parcela correspondente ao calor liberado pelo motor, equação (4.8), se divide em perdas para o ambiente, $\dot{Q}_{l,EG}$, e no calor recuperado através da água de arrefecimento, \dot{Q}_{wm} , sendo este último calculado pela equação (4.9).

$$\dot{Q}_{EG} = \dot{Q}_{l,EG} + \dot{Q}_{wm} \tag{4.8}$$

$$\dot{Q}_{wm} = \dot{m}_{wm} c_{p,wm} \left(T_{w4} - T_{w3} \right)$$
(4.9)

Para o cálculo do calor específico da água, assim como de outras propriedades que serão apresentadas posteriormente, assumiu-se que se trata de água pura à pressão atmosférica. Com base no anterior, usou-se o pacote REFPROP 7.0 do NIST, (Lemmon et al., 2002), gerando-se tabelas do tipo *Propriedade vs. Temperatura*, cujos valores posteriormente foram ajustados obtendo-se os gráficos e as respectivas equações apresentadas nas figuras 34 a 36.



Calor específico da Água

Figura 34 - Gráfico e ajuste de curva do calor específico a pressão constante da água

A incerteza do calor específico da água foi determinada em função da temperatura, segundo a equação (4.10), com o apoio da equação apresentada na figura 34, e calculada, segundo a equação apresentada na figura 35, para cada ponto testado, de forma independente.

$$\delta c_{p,w} = f\left(T_w; \delta T_w\right) \tag{4.10}$$

obtiveram-se valores da incerteza do calor específico da água entre $\pm 0,0001$ e $\pm 0,0006 \ kJ/kg.K$.

131

Incerteza do cp da água



Figura 35 – Gráfico e ajuste de curva da incerteza do calor específico a pressão constante da água

A vazão de água no motor, \dot{m}_{wm} , e, por extensão, no sistema de recuperação de calor, foi calculada a partir da vazão volumétrica \dot{V}_{wm} , medida com um rotâmetro na entrada do motor, segundo a expressão:

$$\dot{m}_{wm} = \dot{V}_{wm} \rho_{wm(T_2)} \tag{4.11}$$

onde $\rho_{wm(T_3)}$ é a massa específica da água à temperatura de entrada no motor.

A incerteza da vazão mássica da água, nos diferentes dispositivos e subsistemas, é calculada pela expressão seguinte:

$$\delta \dot{m}_{w} = \sqrt{\left(\frac{\partial \dot{m}_{w}}{\partial \dot{V}_{w}} \delta \rho_{w}\right)^{2} + \left(\frac{\partial \dot{m}_{w}}{\partial \rho_{w}} \delta \dot{V}_{w}\right)^{2}}$$
(4.12)

A incerteza da massa específica da água, $\delta \rho_w$, é determinada em função da incerteza da temperatura segundo a expressão:

$$\delta \rho_{w} = \frac{\partial \rho_{w}}{\partial T_{w}} \delta T_{w} \tag{4.13}$$

Com apoio da equação apresentada na figura 36, e com o valor da incerteza na medição da temperatura, δT_w , de ±0,2 °*C*, a incerteza da massa específica da água foi estipulada em ±0,086 kg/m^3 .



Figura 36 - Gráfico e ajuste de curva da massa específica da água

A partir desses valores, e segundo a equação (4.12), foram obtidos os seguintes valores da incerteza das vazões de água no evaporador da bomba de calor, no condensador da bomba de calor, e no motor e sistema de recuperação de calor, respectivamente:

$$\delta \dot{m}_{wEV} = \pm 0,00166 \, kg/s$$
$$\delta \dot{m}_{wCD} = \pm 0,0136 \, kg/s$$
$$\delta \dot{m}_{wEV} = \pm 0,00415 \, kg/s$$

A incerteza da diferença de temperatura foi calculada de acordo com a expressão que segue:

$$\delta \Delta T_{w} = \sqrt{2\delta T_{w}} \tag{4.14}$$

ficando seu valor em $\pm 0,28$ °*C*.

A incerteza do calor de arrefecimento do motor foi calculada de acordo com a equação (4.15):

$$\delta \dot{Q}_{wm} = \sqrt{\left(\dot{m}_{wm}c_{p,wm}\delta\Delta T_{wm}\right)^2 + \left(\dot{m}_{wm}\Delta T_{wm}\delta c_{p,wm}\right)^2 + \left(c_{p,wm}\Delta T_{wm}\delta\dot{m}_{wm}\right)^2} \quad (4.15)$$

ficando seu valor médio em $\pm 0,33 \ kW$ com valor máximo de $\pm 0,35 \ kW$ e mínimo de $\pm 0,25 \ kW$.

4.1.1. Recuperação de calor dos gases de exaustão no economizador



Figura 37 – Esquema de medição do economizador

O calor recuperado pela água, a partir dos gases de exaustão, pode ser calculado mediante o seguinte balanço de energia:

$$\dot{Q}_{wEC} = \dot{m}_{wEC} c_{p,wEC} \left(T_{w8} - T_{w7} \right)$$
(4.16)

Baseando-se no acima exposto e analogamente à equação (4.15), obteve-se um valor médio da incerteza do calor recuperado, $\delta \dot{Q}_{wEC}$, de ±0,33 kW, com valores máximos de ±0,45 kW e mínimos de ±0,24 kW.

4.1.2. Dados medidos e reduzidos no subsistema Motor – Gerador

Para a análise do subsistema de geração de potência e recuperação de calor da camisa do motor e dos gases de exaustão foram coletados os seguintes dados:

- 1. Vazão volumétrica de água no sistema de recuperação de calor
- 2. Vazão mássica de ar
- 3. Vazão mássica de óleo Diesel
- 4. Vazão volumétrica de GNV
- 5. Temperatura de entrada da água no motor
- 6. Temperatura de saída da água do motor
- 7. Temperatura de saída da água do economizador
- 8. Voltagem do gerador
- 9. Corrente do gerador

e foram calculadas as seguintes grandezas:

- 1. Energia do combustível
- 2. Energia do ar
- 3. Calor de arrefecimento
- 4. Calor recuperado no economizador
- 5. Potência elétrica gerada

4.2. Bomba de Calor

A aplicação de uma bomba de calor acionada eletricamente representa um diferencial do presente trabalho a respeito dos sistemas de cogeração e trigeração referenciados na bibliografia consultada. Dedicou-se, por este motivo, especial

atenção à instrumentação, medição e redução dos dados relacionados a este componente.

4.2.1. Compressor



Figura 38 - Esquema de medição do compressor

A potência consumida pelo compressor da bomba de calor por compressão de vapor é calculada pela equação que segue:

$$P_{CP} = V_{CP} I_{CP} \cos(\varphi) \tag{4.17}$$

Com os valores da incerteza na medição da voltagem, δV_{GE} , e a da corrente, δI_{GE} , e estimando-se, segundo apresentado anteriormente, o valor do fator de potência, $\cos(\varphi)$, em 0,9, calcula-se a incerteza da potência elétrica analogamente à potência elétrica gerada pelo sistema:

$$\delta P_{CP} = \sqrt{\left(V_{CP}\cos\left(\varphi\right)\delta I_{CP}\right)^{2} + \left(I_{CP}\cos\left(\varphi\right)\delta V_{CP}\right)^{2}}$$
(4.18)

obtendo-se um valor médio da incerteza para toda a faixa de potência testada de $\pm 98,0W$ que representa aproximadamente $\pm 5,0\%$.

Através do balanço de energia no refrigerante pode-se calcular a taxa de trabalho de compressão:

$$\dot{m}_r h_{r12} + W_{CP} = \dot{m}_r h_{r13} \tag{4.19}$$

A figura 39 representa a dependência da incerteza no cálculo da entalpia específica do refrigerante das incertezas na medição da temperatura e pressão do refrigerante.



Figura 39 – Influência das incertezas da temperatura e da pressão sobre a incerteza no cálculo da entalpia do refrigerante

O valor da incerteza da entalpia específica, na região de líquido subresfriado e, conseqüentemente, na região de mistura, é principalmente influenciado pela temperatura do refrigerante. Já, na região de vapor superaquecido, aprecia-se a dependência das duas medições (pressão e temperatura do refrigerante).

Usando-se dos valores da incerteza na medição da pressão, δP_{ref} , de 0,2 *psi* e da temperatura, δT_{ref} , de 0,2 °C, obtiveram-se valores máximos da incerteza no cálculo da entalpia específica do refrigerante, δh_{ref} , de ±0,45 kJ/kg nas regiões de subresfriamento e mistura e de ±0,2 kJ/kg na região de superaquecimento. De forma análoga, procedeu-se ao cálculo das incertezas da entropia do refrigerante, δs_{ref} . Foram obtidos valores máximos desta incerteza de $\pm 0,002$ kJ/kg.K nas regiões de subresfriamento e mistura. Já, na região de superaquecimento, obteve-se valores máximos de $\pm 0,001 kJ/kg.K$.

Desta forma, a incerteza no cálculo da diferença de entalpia específica na compressão é calculada como:

$$\delta\Delta h = \sqrt{\delta^2 h_{r13} + \delta^2 h_{r12}} \tag{4.20}$$

obtendo-se valores na ordem de $\pm 0.28 \ kJ/kg$.

Da mesma forma:

$$\delta\Delta s = \sqrt{\delta^2 s_{r13} + \delta^2 s_{r12}} \tag{4.21}$$

obtendo-se valores na ordem de $\pm 0,0016 \ kJ/kg.K$.

4.2.2. Condensador



Figura 40 - Esquema de medição do condensador

De forma análoga à usada no processo de compressão, a incerteza no cálculo da diferença de entalpia específica na condensação é calculada como:

$$\delta\Delta h = \sqrt{\delta^2 h_{r14} + \delta^2 h_{r13}} \tag{4.22}$$

obtendo-se valores na ordem de $\pm 0,49 \ kJ/kg$.

Da mesma forma:

$$\delta\Delta s = \sqrt{\delta^2 s_{r14} + \delta^2 s_{r13}} \tag{4.23}$$

obtendo-se valores na ordem de $\pm 0,002 \ kJ/kg.K$.

A incerteza na medição da diferença de temperatura na água do condensador mostrou-se um ponto sensível para a determinação da incerteza no cálculo do calor de condensação e, conseqüentemente, do *COP* de aquecimento da bomba de calor. Essa grandeza também influencia o cálculo da incerteza da *ECR* do sistema de cogeração e trigeração.

O valor da referida incerteza foi reduzido para $\pm 0,1$ °C mediante a calibração dos termopares de entrada e saída da água do condensador. Realizou-se, *a posteriori*, o ajuste das respectivas medições com a correspondente consideração deste ajuste nos cálculos envolvendo o condensador.

Do balanço de energia no condensador, no lado da água, obtém-se:

.

$$\dot{Q}_{CD} = \dot{m}_{wc} c_{p,wc} \left(T_{w16} - T_{w15} \right)$$
(4.24)

e a incerteza da medição do calor de condensação, $\delta \dot{Q}_{CD}$, é calculada de forma análoga à equação (4.15), considerando os valores já relacionados das incertezas do cálculo do calor específico da água e da vazão da água no condensador:

$$\delta \dot{Q}_{CD} = \sqrt{\left(\dot{m}_{wc}c_{p,wc}\delta\Delta T_{wc}\right)^2 + \left(\dot{m}_{wc}\Delta T_{wc}\delta c_{p,wc}\right)^2 + \left(c_{p,wc}\Delta T_{wc}\delta\dot{m}_{wc}\right)^2} \quad (4.25)$$

obtendo-se valores médios de $\pm 0.35 \ kW$.

4.2.3. Válvula termostática de expansão

O processo de expansão do refrigerante na válvula termostática de expansão é considerado adiabático e isentrópico, passando do estado de líquido subresfriado ao de mistura vapor - líquido. Por este motivo, a incerteza da entalpia específica do refrigerante só depende da temperatura (vide epígrafe 4.2.1).

Obtiveram-se valores da incerteza da entalpia, δh_{ref} , de $\pm 0,45 \ kJ/kg$ e da incerteza da entropia, δs_{ref} , de $\pm 0,002 \ kJ/kg$.K.

4.2.4. Evaporador



Figura 41 - Esquema de medição do evaporador

Analogamente à análise apresentada nas seções anteriores, a incerteza no cálculo da diferença de entalpia específica na evaporação é calculada como:

$$\delta\Delta h = \sqrt{\delta^2 h_{r11} + \delta^2 h_{r12}} \tag{4.26}$$

obtendo-se valores na ordem de $\pm 0,49 \ kJ/kg$.

Da mesma forma:

$$\delta\Delta s = \sqrt{\delta^2 s_{r11} + \delta^2 s_{r12}} \tag{4.27}$$

obtendo-se valores na ordem de $\pm 0,0025 \ kJ/kg.K$

Do balanço de energia no lado da água se obtém:

$$\dot{Q}_{EV} = \dot{m}_{we} c_{p,we} \left(T_{w9} - T_{w10} \right)$$
(4.28)

e a incerteza da medição do calor de evaporação, $\delta \dot{Q}_{EV}$, é calculada de forma análoga à equação (4.15), considerando os valores já relacionados das incertezas do cálculo do calor específico da água e da vazão da água no evaporador:

$$\delta \dot{Q}_{EV} = \sqrt{\left(\dot{m}_{we}c_{p,we}\delta\Delta T_{we}\right)^2 + \left(\dot{m}_{we}\Delta T_{we}\delta c_{p,we}\right)^2 + \left(c_{p,we}\Delta T_{we}\delta \dot{m}_{we}\right)^2} \quad (4.29)$$

obtendo-se valores médios de $\pm 0,15 \ kW$.

4.2.5. Vazão de refrigerante

A vazão de refrigerante é calculada como a média entre as vazões calculadas, mediante o balanço de energia entre o refrigerante e a água, no evaporador e no condensador.

A incerteza deste cálculo pode ser expressa segundo se apresenta na equação que segue:

$$\delta \overline{\dot{m}_{ref}} = \sqrt{\left(0, 5\,\delta \dot{m}_{ref,EV}\right)^2 + \left(0, 5\,\delta \dot{m}_{ref,CD}\right)^2} \tag{4.30}$$

e as incertezas no cálculo da vazão em cada um dos componentes são calculadas a partir das equações (4.31) e (4.32):

$$\delta \dot{m}_{ref,EV} = \frac{\delta \dot{Q}_{EV}}{\Delta h_{r,EV}} \tag{4.31}$$

$$\delta \dot{m}_{ref,CD} = \frac{\delta Q_{CD}}{\Delta h_{r,CD}} \tag{4.32}$$

Acharam-se resultados médios da incerteza no cálculo da vazão mássica de refrigerante no evaporador, $\delta \dot{m}_{ref,EV}$, de $\pm 0,00085 \ kg/s$, no condensador, $\delta \dot{m}_{ref,CD}$, de $\pm 0,00254 \ kg/s$ e da média entre esses dois valores, $\delta \overline{\dot{m}_{ref}}$, de $\pm 0,00134 \ kg/s$. Esse valor da incerteza média equivale a $\pm 5,3\%$ da vazão média.

4.2.6. Dados medidos e reduzidos na bomba de calor

Para a análise da bomba de calor por compressão de vapor foram coletados os seguintes dados:

- 1. Vazão volumétrica de água no evaporador
- 2. Vazão volumétrica de água no condensador
- 3. Temperatura de entrada da água no evaporador
- 4. Temperatura de saída da água do evaporador
- 5. Temperatura de entrada do refrigerante no evaporador
- 6. Temperatura de saída do refrigerante do evaporador
- 7. Pressão de entrada do refrigerante no evaporador
- 8. Pressão de saída do refrigerante do evaporador
- 9. Temperatura de entrada da água no condensador
- 10. Temperatura de saída da água do condensador
- 11. Temperatura de entrada do refrigerante no condensador
- 12. Temperatura de saída do refrigerante do condensador
- 13. Pressão de entrada do refrigerante no condensador
- 14. Pressão de saída do refrigerante do condensador
- 15. Voltagem do compressor
- 16. Corrente do compressor

e calcularam-se as seguintes grandezas:

- 1. Potência consumida pelo compressor
- 2. Calor de evaporação
- 3. Calor de condensação
- 4. Vazão de refrigerante

4.3. Eficiência dos componentes e do sistema

A incerteza das medições afeta os cálculos das variáveis de desempenho dos componentes e subsistemas (i.e., calor produzido ou recuperado, potência gerada, capacidade frigorífica, dentre outros). É necessário, portanto, saber como essas incertezas se propagam no cálculo dos parâmetros de eficiência dos referidos componentes e subsistemas, e do sistema como um todo.

4.3.1. Eficiências da bomba de calor

4.3.1.1. Coeficientes de desempenho (*COP*)

A eficiência energética da bomba de calor é expressa através do coeficiente de desempenho, *COP*, tanto para a refrigeração quanto para o aquecimento. O *COP* de refrigeração, como já mostrado no capítulo 3 do presente trabalho, calcula-se segundo a expressão:

$$COP_{ref} = \frac{\dot{Q}_{EV}}{\dot{W}_{CP}} \tag{4.33}$$

donde a incerteza no seu cálculo é expressa como a seguir:

$$\delta COP_{ref} = \sqrt{\left(\frac{1}{\dot{W}_{CP}}\delta\dot{Q}_{EV}\right)^2 + \left(\frac{\dot{Q}_{EV}}{\dot{W}_{CP}^2}\delta\dot{W}_{CP}\right)^2}$$
(4.34)

tendo-se obtido valores médios dessa incerteza entre $\pm 0,10$ o que representa $\pm 3,06$ % do valor médio calculado.

O *COP* de aquecimento, como já mostrado no capítulo 3 do presente trabalho, calcula-se segundo a expressão:

$$COP_{aqc} = \frac{\dot{Q}_{CD}}{\dot{W}_{CP}} \tag{4.35}$$

daí que a incerteza no seu cálculo seja expressa como segue na equação :

$$\delta COP_{aqc} = \sqrt{\left(\frac{1}{\dot{W}_{CP}}\delta\dot{Q}_{CD}\right)^2 + \left(\frac{\dot{Q}_{CD}}{\dot{W}_{CP}^2}\delta\dot{W}_{CP}\right)^2}$$
(4.36)

tendo-se obtido valores médios dessa incerteza entre $\pm 0,19$ o que representa $\pm 4,9$ % do valor médio calculado.

4.3.1.2. Eficiência exergética (2^a lei)

A eficiência exergética da bomba de calor, operando num sistema de trigeração, pode ser expressa como:

$$\eta_{II,HP} = \frac{\dot{m}_{we} \left(e_{x,wIN} - e_{x,wOUT} \right) + \dot{m}_{wREC} \left(e_{x,wOUT} - e_{x,wIN} \right)}{P_{CP}}$$
(4.37)

Desta forma, a incerteza no cálculo desse valor pode ser, por sua vez, calculada através da seguinte expressão:

$$\delta^{2} \eta_{II,HP} = \left(\frac{\Delta e_{x,we}}{P_{CP}} \delta \dot{m}_{we}\right)^{2} + \left(\frac{\dot{m}_{we}}{P_{CP}} \delta \Delta e_{x,we}\right)^{2} + \left(\frac{\Delta e_{x,wREC}}{P_{CP}} \delta \dot{m}_{wREC}\right)^{2} + \left(\frac{\dot{m}_{wREC}}{P_{CP}} \delta \Delta e_{x,REC}\right)^{2} + \left(\frac{\dot{m}_{we} \Delta e_{x,we} + \dot{m}_{we} \Delta e_{x,we}}{P_{CP}^{2}} \delta P_{CP}\right)^{2}$$
(4.38)

A incerteza da entalpia e entropia específicas da água foi determinada mediante a utilização das equações apresentadas nas figuras 42 e 43. Isto se

realizou de forma análoga à utilizada para cálculo da incerteza das propriedades termofísicas apresentadas anteriormente (i.e., calor específico a pressão constante e massa específica).



Figura 42 - Gráfico e ajuste de curva da entalpia específica da água

A incerteza no cálculo da entalpia da água foi determinada como encontrando-se na faixa de $\pm 0.84 \ kJ/kg$, enquanto a incerteza da entropia encontra-se na faixa de $\pm 0.0026 \ kJ/kg.K$



Figura 43 - Gráfico e ajuste de curva da entropia específica da água

A incerteza da exergia da água foi calculada em função da temperatura do meio, e é representada no gráfico da figura 44.



Incerteza da Exergia da Água

Figura 44 - Gráfico e ajuste de curva da incerteza da exergia da água

4.3.2. Eficiência do sistema de cogeração

4.3.2.1. Eficiência Energética (1ª lei)

A eficiência energética do sistema de cogeração pode ser calculada como:

$$ECR_{cogen} = \frac{\left(\dot{m}_{wm}\dot{q}_{CD} + \dot{Q}_{wm} + \dot{Q}_{EC}\right) + \left(P_{GE} - P_{CP}\right)}{\dot{m}_{f}H_{f}}$$
(4.39)

e a incerteza desta expressão apresenta-se como segue:

$$\delta^{2} ECR_{cogen} = \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{m}_{wm}\dot{q}_{CD}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{Q}_{wm}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{Q}_{EC}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\left(P_{GE} - P_{CP}\right)\right)^{2} + \left(\frac{\left(\dot{m}_{wm}\dot{q}_{CD} + \dot{Q}_{wm} + \dot{Q}_{EC}\right) + \left(P_{GE} - P_{CP}\right)}{\left(\dot{m}_{f}H_{f}\right)^{2}}\delta\left(\dot{m}_{f}H_{f}\right)^{2}}\right)^{2} + \left(\frac{\left(\frac{\dot{m}_{wm}\dot{q}_{CD} + \dot{Q}_{wm} + \dot{Q}_{EC}\right) + \left(P_{GE} - P_{CP}\right)}{\left(\dot{m}_{f}H_{f}\right)^{2}}\delta\left(\dot{m}_{f}H_{f}\right)^{2}}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\left(P_{GE} - P_{CP}\right)}{\left(\dot{m}_{f}H_{f}\right)^{2}}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}}H_{f}\delta\left(P_{GE} - P_{CP}\right)}{\left(\dot{m}_{f}H_{f}\delta\left(P_{GE} - P_{CP}\right)}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}}H_{f}\delta\left(P_{GE} - P_{CP}\right)}{\left(\dot{m}_{f}H_{f}\delta\left(P_{GE} - P_{CP}\right)}\right)^{2}}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}}H_{f}\delta\left(P_{GE} - P_{CP}\right)}\right)^{2} + \left$$

Têm-se, portanto, valores médios de δECR_{cogen} de $\pm 0,05$, o que representa $\pm 5,5\%$ do valor médio.

4.3.2.2. Eficiência exergética (2ª lei)

A eficiência exergética do sistema de cogeração pode ser calculada como:

$$\eta_{II,cogen} = \frac{\left(\Delta e_{x,wm}\Big|_{CD} + \Delta e_{x,wm}\Big|_{EG} + \Delta e_{x,wm}\Big|_{EC}\right) + \left(P_{GE} - P_{CP}\right)}{\dot{m}_{f}H_{f}}$$
(4.41)

e a incerteza desta expressão apresenta-se como segue:

$$\begin{split} \delta^{2} \eta_{II,cogen} &= \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,we} \Big|_{EV} \right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,wm} \Big|_{CD} \right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,wm} \Big|_{EG} \right)^{2} \\ &+ \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,wm} \Big|_{EC} \right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \left(P_{GE} - P_{CP} \right) \right)^{2} \\ &+ \left(\frac{\Delta e_{x,we} \Big|_{EV} + \left(\Delta e_{x,wm} \Big|_{CD} + \Delta e_{x,wm} \Big|_{EG} + \Delta e_{x,wm} \Big|_{EC} \right) + \left(P_{GE} - P_{CP} \right) }{\left(\dot{m}_{f}H_{f} \right)^{2}} \delta \left(\dot{m}_{f}H_{f} \right)^{2} \end{split}$$

(4.42)

adotando valores médios de $\pm 0,0014$, o que representa $\pm 1,11\%$ do valor médio.

4.3.3. Eficiência do sistema de trigeração

4.3.3.1. Eficiência Energética (1^a lei)

A eficiência energética do sistema de trigeração pode ser calculada como:

$$ECR_{trigen} = \frac{\dot{Q}_{EV} + (\dot{m}_{wm}\dot{q}_{CD} + \dot{Q}_{wm} + \dot{Q}_{EC}) + (P_{GE} - P_{CP})}{\dot{m}_{f}H_{f}}$$
(4.43)

e a incerteza desta expressão apresenta-se como segue:

$$\delta^{2} ECR_{trigen} = \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{Q}_{EV}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{m}_{wm}\dot{q}_{CD}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{Q}_{wm}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{Q}_{EC}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta\dot{Q}_{EC}\right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}}\delta(P_{GE} - P_{CP})\right)^{2} + \left(\frac{\dot{Q}_{EV} + (\dot{m}_{wm}\dot{q}_{CD} + \dot{Q}_{wm} + \dot{Q}_{EC}) + (P_{GE} - P_{CP})}{(\dot{m}_{f}H_{f})^{2}}\delta(\dot{m}_{f}H_{f})\right)^{2}$$

$$(4.44)$$

Têm-se, portanto, valores médios de δECR_{cogen} de $\pm 0,06$, o que representa $\pm 7,5\%$ do valor médio.

4.3.3.2. Eficiência exergética (2ª lei)

A eficiência exergética do sistema de trigeração pode ser calculada como:

$$\eta_{II,trigen} = \frac{\Delta e_{x,we} \Big|_{EV} + \Big(\Delta e_{x,wm} \Big|_{CD} + \Delta e_{x,wm} \Big|_{EG} + \Delta e_{x,wm} \Big|_{EC} \Big) + \Big(P_{GE} - P_{CP}\Big)}{\dot{m}_f H_f}$$
(4.45)

e a incerteza desta expressão apresenta-se como segue:

$$\begin{split} \delta^{2} \eta_{II,trigen} &= \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,we} \Big|_{EV} \right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,wm} \Big|_{CD} \right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,wm} \Big|_{EG} \right)^{2} \\ &+ \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \Delta e_{x,wm} \Big|_{EC} \right)^{2} + \left(\frac{1}{\dot{m}_{f}H_{f}} \delta \left(P_{GE} - P_{CP} \right) \right)^{2} \\ &+ \left(\frac{\Delta e_{x,we} \Big|_{EV} + \left(\Delta e_{x,wm} \Big|_{CD} + \Delta e_{x,wm} \Big|_{EG} + \Delta e_{x,wm} \Big|_{EC} \right) + \left(P_{GE} - P_{CP} \right) }{\left(\dot{m}_{f}H_{f} \right)^{2}} \delta \left(\dot{m}_{f}H_{f} \right)^{2} \end{split}$$

(4.46)

adotando valores médios de $\pm 0,0014$, o que representa $\pm 1,11\%$ do valor médio.