

## Luciano Rodrigues Ornelas de Lima

Comportamento de Ligações com Placa de Extremidade em Estruturas de Aço Submetidas a Momento Fletor e Força Axial

Tese de Doutorado

Tese apresentada ao Programa de Pós-Graduação do Departamento de Engenharia Civil da PUC-Rio como parte dos requisitos parciais para obtenção do título de Doutor em Ciências da Engenharia Civil da PUC-Rio. Concentração: Estruturas.

> Orientadores: Sebastião A. L. de Andrade Pedro C. G. da S. Vellasco Luís A. P. Simões da Silva

Rio de Janeiro Julho de 2003



### Luciano Rodrigues Ornelas de Lima

### Comportamento de Ligações com Placa de Extremidade em Estruturas de Aço Submetidas a Momento Fletor e Força Axial

#### Tese de Doutorado

Tese apresentada como requisito parcial para obtenção do título de Doutor em Ciências da Engenharia Civil - Estruturas - pelo Programa de Pósgraduação do Departamento de Engenharia Civil do Centro Técnico Científico da PUC-Rio. Aprovada pela Comissão Examinadora abaixo assinada

> Prof. Sebastião A. L. de Andrade Orientador Departamento de Engenharia Civil – PUC-Rio

Prof. Pedro C. G. da S. Vellasco Co-orientador Departamento de Estruturas e Fundações – UERJ

Prof. Luís A. P. Simões da Silva Co-orientador Departamento de Engenharia Civil – FCTUC - Portugal

**Prof. José Luis de França Freire** Departamento de Engenharia Mecânica – PUC-Rio

> Prof. Giuseppe Barbosa Guimarães Departamento de Engenharia Civil – PUC-Rio

**Prof. José Guilherme Santos da Silva** Departamento de Engenharia Mecânica – UERJ

> Prof. Eduardo de Miranda Batista COPPE – UFRJ

**Prof. Gilson Queiroz** Faculdade de Engenharia - UFMG

Rio de Janeiro, 24 de julho de 2003.

Todos os direitos reservados. É proibida a reprodução total ou parcial deste trabalho sem autorização da universidade, do autor e do orientador.

#### Luciano Rodrigues Ornelas de Lima

Graduou-se em Engenharia Civil, ênfase em Estruturas, pela UERJ - Universidade do Estado do Rio de Janeiro em 1996. Obteve o título de Mestre em Ciências pela PUC-Rio – Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro em 1999. Possui vários trabalhos publicados em atas de conferências e revistas internacionais na área de Ligações Estruturais em Aço.

Ficha Catalográfica

Lima, Luciano Rodrigues Ornelas de

Comportamento de ligações com placa de extremidade em estruturas de aço submetidas a momento fletor e força axial / Luciano Rodrigues Ornelas de Lima; orientadores: Sebastião A. L. de Andrade, Pedro C. G. da S. Vellasco, Luis A. P. Simões da Silva. – Rio de Janeiro : PUC, Departamento de Engenharia Civil 2003.

v, 269 f. : il. ; 30 cm

Tese (doutorado) – Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro, Departamento de Engenharia Civil.

Inclui referências bibliográficas, índice e anexos.

1. Engenharia civil – Teses. 2. Ligações viga-coluna. 3. Ligações semi-rígidas. 4. Análise experimental. 5. Modelos mecânicos. 6. Método das componentes. 7. Resistência à flexão. 8. Resistência a esforço axial. I. Andrade, Sebastião Arthur Lopes de. II. Vellasco, Pedro Colmar Gonçalves da Silva. III. Silva, Luis A. P. Simões da. IV. Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro. Departamento de Engenharia Civil. V. Título.

CDD: 624

A Deus, por ter iluminado meu caminho ao longo de todos estes anos, aos meus pais, Luismar e Sueli, e aos meus irmãos, Daniele e Marcos, pelo carinho e incentivo ao meu trabalho.

## Agradecimentos

Aos meus orientadores brasileiros, Prof. Sebastião Andrade e Prof. Pedro Vellasco por toda a ajuda e amizade fortalecida durante a realização deste trabalho e por possibilitarem a minha participação em congressos nacionais e internacionais.

Ao meu orientador português, Prof. Luís Simões da Silva por ter possibilitado a realização de toda a parte experimental da tese no Laboratório de Mecânica Estrutural do Departamento de Engenharia Civil da Universidade de Coimbra, pela orientação sempre oportuna, pela receptividade desde minha chegada a Portugal e pela ajuda na participação em congressos internacionais.

A Lúcia, pelo amor, pelo carinho e pela compreensão nos momentos em que estive ausente e aos seus pais, Sr. Carlos Rodrigues e D. Lúcia Maria além de seu irmão, Carlos Frederico, pelo incentivo durante todos estes anos.

Aos amigos Luís Costa Neves e Teresa Cordeiro, meus "irmãos portugueses", pela amizade, pela ajuda e, principalmente, pela ótima companhia. E também aos pais destes amigos pelo acolhimento durante a estadia em Portugal.

Ao Prof. Luís Cruz Simões, coordenador do Laboratório de Estruturas da Universidade de Coimbra pela disponibilidade dos funcionários para a realização dos ensaios.

Aos funcionários do Laboratório de Estruturas, Sr. David, Sr. Paulo e Sr. Olegário e ao funcionário do Laboratório de Mecânica Estrutural, Sr. Luís pelo ótimo convívio e pela ajuda na realização dos ensaios.

Ao estimado amigo, Luís Borges, pela amizade e por ter desenvolvido o programa "*NASCon*" que em muito facilitou a realização deste trabalho.

Aos amigos portugueses da Universidade de Coimbra, Rui Simões, Sandra Jordão, Fernando T. Gomes, Pedro Simão, Aldina Santiago, Ana Girão, Andreia Pereira, Eduardo Júlio, Paulo Ferndandes, João Catarino e Isabel Cristina por toda a motivação no desenvolvimento do trabalho.

Aos amigos da Casa da Sagrada Família, Tozé Valério, Sandrine, Odile, Paulo, Tozé, D. Manoela, D. Edite e demais amigos por terem ajudado a superar a saudade de casa.

A todos os demais funcionários da Universidade de Coimbra e aos funcionários da PUC-Rio pela colaboração e pelo ótimo convívio durante a realização deste trabalho.

Aos colegas de curso da PUC-Rio e aos membros do grupo de estudos de Comportamento e Projeto de Estruturas de Aço da mesma instituição.

Ao CNPq pela bolsa no Brasil, à CAPES pela bolsa durante o período passado em Portugal e à PUC-Rio pelo auxílio concedido na elaboração deste trabalho.

E finalmente, a cidade de Coimbra, que com todo seu encanto, marca para sempre, a vida daqueles que por lá passam.

### Resumo

Lima, Luciano Rodrigues Ornelas de; Andrade, Sebastião Arthur Lopes de (Orientador). **Comportamento de Ligações com Placa de Extremidade em Estruturas de Aço Submetidas a Momento Fletor e Força Axial**. Rio de Janeiro, 2003. 269p. Tese de Doutorado – Departamento de Engenharia Civil, Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro.

Tradicionalmente, o projeto de pórticos em estruturas de aço assume que as ligações viga-coluna são rígidas ou flexíveis. As ligações rígidas, onde não ocorre nenhuma rotação entre os membros conectados, transferem não só momento fletor, mas também força cortante e força normal. Por outro lado, as ligações flexíveis são caracterizadas pela liberdade de rotação entre os membros conectados impedindo a transmissão de momento fletor.

Desconsiderando-se estes fatos, sabe-se que a grande maioria das ligações não possuem este comportamento idealizado. De fato, a maioria das ligações transfere algum momento fletor com um nível de rotação associado. Estas ligações são chamadas semi-rígidas e seu dimensionamento deve ser executado de acordo com este comportamento estrutural real.

Porém, algumas ligações viga-coluna estão sujeitas a uma combinação de momento fletor e esforço axial. O nível de esforço axial pode ser significativo, principalmente em ligações de pórticos metálicos com vigas inclinadas, em pórticos não-contraventados ou em pórticos com pavimentos incompletos. As normas atuais de dimensionamento de ligações estruturais em aço não consideram a presença de esforço axial (tração e/ou compressão) nas ligações. Uma limitação empírica de 5% da resistência plástica da viga é a única condição imposta no Eurocode 3. O objetivo deste trabalho é descrever alguns resultados experimentais e numéricos para estender a filosofia do método das componentes para ligações com ações combinadas de momento fletor e esforço axial. Para se cumprir este objetivo, quinze ensaios foram realizados e um modelo mecânico é apresentado para ser usado na avaliação das propriedades da ligação: resistência à flexão, rigidez inicial e capacidade de rotação.

### Palavras-chave

Ligações Viga-Coluna; Ligações Semi-Rígidas; Análise Experimental; Modelos Mecânicos; Método das Componentes; Normas Européias; Resistência à Flexão; Resistência a Esforço Axial.

### Abstract

Lima, Luciano Rodrigues Ornelas de; Andrade, Sebastião Arthur Lopes de (Advisor). **Behaviour of Structural Steel Endplate Joints Subjected to Bending Moment and Axial Force**. Rio de Janeiro, 2003. 269p. DSc. Thesis – Departamento de Engenharia Civil, Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro.

Traditionally, the steel portal frame design assumes that beam-to-column joints are rigid or pinned. Rigid joints, where no relative rotations occur between the connected members, transfer not only substantial bending moments, but also shear and axial forces. On the other extreme, pinned joints, are characterised by almost free rotation movement between the connected elements that prevents the transmission of bending moments.

Despite these facts, it is largely recognised that the great majority of joints does not exhibit such idealised behaviour. In fact, many joints transfer some bending moments associated with rotations. These joints are called semi-rigid, and their design should be performed according to their real structural behaviour.

However, some steel beam-to-column joints are often subjected to a combination of bending and axial forces. The level of axial forces in the joint may be significant, typical of pitched-roof portal frames, sway frames or frames with incomplete floors. Current standard for steel joints do not take into account the presence of axial forces (tension and/or compression) in the joints. A single empirical limitation of 5% of the beam's plastic axial capacity is the only enforced provision in Annex J of Eurocode 3. The objective of the present work is to describe some experimental and numerical results to extend the philosophy of the component method to deal with the combined action of bending and axial forces. To fulfil this objective a set of sixteen specimens were performed and a mechanical model was developed to be used in the evaluation of the joint properties: bending moment resistance, initial stiffness and rotation capacity.

#### **Key-words**

Beam-to-Column Joints; Semi-Rigid Joints; Experimental Analysis; Mechanical Models; Component Method; European Codes; Bending Resistance; Axial Force Resistance.

# Sumário

Lista de Figuras	13
Lista de Tabelas	19
Lista de Símbolos	20
Lista de Abreviaturas	23
1 Introdução	25
1.1 Motivação	25
1 2 Evolução Histórica das Ligações Semi-Rígidas	29
1.3 Objetivos e Metodologia	31
1.4 Escopo	31
2 Ligações Viga x Coluna	33
2.1 Introdução	33
2.2 Descrição do Método das Componentes	
2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação	
2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação 2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li> </ul>	39 39 <b>41</b>
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li> <li>2.3.1 Componente 1 – Alma da coluna ao corte</li> </ul>	39 39 <b>41</b> 41
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li><b>2.3 Dimensionamento das Componentes</b></li> <li>2.3.1 Componente 1 – Alma da coluna ao corte</li> <li>2.3.2 Componente 2 – Alma da coluna à compressão</li> </ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li> <li>2.3.1 Componente 1 – Alma da coluna ao corte</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li> <li>2.3.1 Componente 1 – Alma da coluna ao corte</li> <li>2.3.2 Componente 2 – Alma da coluna à compressão</li> <li>2.3.3 Componente 3 – Alma da coluna à tração</li> <li>2.3.4 Componente 4 – Mesa da coluna à flexão</li> </ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li><b>2.3 Dimensionamento das Componentes</b></li> <li>2.3.1 Componente 1 – Alma da coluna ao corte</li> <li>2.3.2 Componente 2 – Alma da coluna à compressão</li> <li>2.3.3 Componente 3 – Alma da coluna à tração</li> <li>2.3.4 Componente 4 – Mesa da coluna à flexão</li> <li>2.3.5 Componente 5 – Placa de extremidade à flexão</li> </ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li> <li>2.3.1 Componente 1 – Alma da coluna ao corte</li> <li>2.3.2 Componente 2 – Alma da coluna à compressão</li> <li>2.3.3 Componente 3 – Alma da coluna à tração</li> <li>2.3.4 Componente 4 – Mesa da coluna à flexão</li> <li>2.3.5 Componente 5 – Placa de extremidade à flexão</li> <li>2.3.6 Componente 7 – Mesa da viga à compressão</li> <li>2.3.7 Componente 8 – Alma da viga à tração</li> <li>2.3.8 Componente 10 – Parafusos à tração</li> <li>2.4 Combinação entre Esforço Axial e Momento Fletor</li> <li>2.4.1 Pesquisas de Laurent Finet [10]</li> <li>2.4.2 Pesquisas de J. P. Jaspart [6].</li> </ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li></ul>	
<ul> <li>2.2.1 Resistência à Flexão de uma Ligação</li> <li>2.2.2 Rigidez Inicial de uma Ligação</li> <li>2.3 Dimensionamento das Componentes</li> <li>2.3.1 Componente 1 – Alma da coluna ao corte</li> <li>2.3.2 Componente 2 – Alma da coluna à compressão</li> <li>2.3.3 Componente 3 – Alma da coluna à tração</li> <li>2.3.4 Componente 4 – Mesa da coluna à flexão</li> <li>2.3.5 Componente 5 – Placa de extremidade à flexão</li> <li>2.3.6 Componente 7 – Mesa da viga à compressão</li> <li>2.3.7 Componente 8 – Alma da viga à tração</li> <li>2.3.8 Componente 10 – Parafusos à tração</li> <li>2.4 Combinação entre Esforço Axial e Momento Fletor</li> <li>2.4.1 Pesquisas de Laurent Finet [10]</li> <li>2.4.2 Pesquisas de J. P. Jaspart [6]</li> <li>2.4.3 Pesquisas de Frederic Cerfontaine [11]</li> <li>2.4.3.1 Diagrama de Interação</li> <li>2.4.4 Pesquisas de Luís Silva e Ana Coelho [12]</li> </ul>	

2.4.5.1 Modelo de Cálculo Proposto	62
3 Descrição dos Ensaios Experimentais	67
3.1 Introdução	67
3.2 Justificativa dos Ensaios Experimentais	67
3.3 Cálculo das Ligações	70
3.4 Caracterização dos Ensaios	72
<ul> <li>3.4.1 Preparação dos Ensaios e dos Sistemas de Aplicação de Carga</li> <li>3.4.1.1 Sistema para aplicação de esforço axial de compressão</li> <li>3.4.1.2 Sistema para aplicação de esforço axial de tração</li> <li>3.4.2 Instrumentação, Aquisição de Dados e Planos de Carga dos Ensaios</li> <li>3.4.3 Propriedades Mecânicas e Geométricas</li> </ul>	72 75 78 80 84
4 Avaliação dos Resultados Experimentais – Ensaios de Ligaçõ	es com
Placa de Extremidade Ajustada (FE)	87
4.1 Introdução	87
4.2 Verificações Preliminares	87
4.3 Análise de Resultados	89
<ul> <li>4.3 Análise de Resultados</li> <li>4.3.1 Avaliação das Curvas Momento <i>versus</i> Rotação</li> <li>4.3.2 Comportamento da alma da coluna em cisalhamento (1)</li> <li>4.3.3 Comportamento da alma da coluna à compressão (2)</li> <li>4.3.4 Comportamento da alma da coluna à tração (3)</li> <li>4.3.5 Comportamento da mesa da coluna à flexão (4)</li> <li>4.3.6 Comportamento da placa de extremidade à flexão (5)</li> <li>4.3.7 Comportamento da alma da viga à compressão (7)</li> <li>4.3.8 Comportamento da alma da viga à tração (8)</li> <li>4.3.9 Comportamento da mesa da viga à tração (10)</li> <li>4.3.10 Comportamento da mesa da viga à tração</li> <li>4.3.11 Considerações Finais Sobre os Ensaios FE</li> </ul>	
<ul> <li>4.3 Análise de Resultados</li> <li>4.3.1 Avaliação das Curvas Momento <i>versus</i> Rotação</li> <li>4.3.2 Comportamento da alma da coluna em cisalhamento (1)</li> <li>4.3.3 Comportamento da alma da coluna à compressão (2)</li> <li>4.3.4 Comportamento da alma da coluna à tração (3)</li> <li>4.3.5 Comportamento da mesa da coluna à flexão (4)</li> <li>4.3.6 Comportamento da placa de extremidade à flexão (5)</li> <li>4.3.7 Comportamento da mesa da viga à compressão (7)</li> <li>4.3.8 Comportamento da alma da viga à tração (8)</li> <li>4.3.9 Comportamento da mesa da viga à tração (10)</li> <li>4.3.10 Comportamento da mesa da viga à tração</li> <li>4.3.11 Considerações Finais Sobre os Ensaios FE</li> <li>5 Avaliação dos Resultados Experimentais – Ensaios de Ligaçõ</li> <li>Placa de Extremidade Estendida (EE)</li> </ul>	
<ul> <li>4.3 Análise de Resultados</li> <li>4.3.1 Avaliação das Curvas Momento <i>versus</i> Rotação</li> <li>4.3.2 Comportamento da alma da coluna em cisalhamento (1)</li> <li>4.3.3 Comportamento da alma da coluna à compressão (2)</li> <li>4.3.4 Comportamento da alma da coluna à tração (3)</li> <li>4.3.5 Comportamento da mesa da coluna à flexão (4)</li> <li>4.3.6 Comportamento da placa de extremidade à flexão (5)</li> <li>4.3.7 Comportamento da mesa da viga à compressão (7)</li> <li>4.3.8 Comportamento da alma da viga à tração (8)</li> <li>4.3.9 Comportamento da mesa da viga à tração (10)</li> <li>4.3.10 Comportamento da mesa da viga à tração</li> <li>4.3.11 Considerações Finais Sobre os Ensaios FE</li> <li>5 Avaliação dos Resultados Experimentais – Ensaios de Ligaçõ</li> <li>Placa de Extremidade Estendida (EE)</li> </ul>	
<ul> <li>4.3 Análise de Resultados</li> <li>4.3.1 Avaliação das Curvas Momento <i>versus</i> Rotação</li> <li>4.3.2 Comportamento da alma da coluna em cisalhamento (1)</li> <li>4.3.3 Comportamento da alma da coluna à compressão (2)</li> <li>4.3.4 Comportamento da alma da coluna à tração (3)</li> <li>4.3.5 Comportamento da mesa da coluna à flexão (4)</li> <li>4.3.6 Comportamento da placa de extremidade à flexão (5)</li> <li>4.3.7 Comportamento da alma da viga à tração (8)</li> <li>4.3.9 Comportamento da mesa da viga à tração (10)</li> <li>4.3.10 Comportamento da mesa da viga à tração</li> <li>4.3.11 Considerações Finais Sobre os Ensaios FE</li> <li>5 Avaliação dos Resultados Experimentais – Ensaios de Ligaçõ</li> <li>Placa de Extremidade Estendida (EE)</li> <li>5.1 Introdução</li> </ul>	

5.2.3 Comportamento da alma da coluna à compressão (2)	133
5.2.4 Comportamento da alma da coluna à tração (3)	135
5.2.5 Comportamento da mesa da coluna à flexão (4)	138
5.2.6 Comportamento da placa de extremidade à flexão (5)	140
5.2.7 Comportamento da mesa da viga à compressão (7)	148
5.2.8 Comportamento da alma da viga à tração (8)	152
5.2.9 Comportamento dos parafusos à tração (10)	155
5.2.10 Considerações Finais dos Ensaios EE	160
6 Modelo Mecânico Proposto	162
6.1 Introdução	162
6.2 Caracterização do Modelo de Molas	164
6.3 Descrição dos "Softwares" Avaliados	168
6.4 Análise de Resultados – Ligação com Placa de Extremidade Ajustada	170
6.4.1 Componentes com comportamento elasto-plástico perfeito	170
6.4.2 Comportamento elasto-plástico com rigidez pós-limite	174
6.5 Análise dos Resultados – Ligação com Placa de Extremidade Estendida	176
6.5.1 Comportamento elasto-plástico perfeito para as componentes	176
6.5.2 Comportamento elasto-plástico com rigidez pós-limite	184
6.6 Comparação com o Modelo Proposto por Cerfontaine [11]	185
7 Considerações Finais	188
7.1 Introdução	188
7.2 Conclusões	190
7.3 Sugestões para Trabalhos Futuros	194
Referências Bibliográficas	196
Anexo A Modelo Proposto por Cerfontaine [11]	204
A.1 Caracterização do diagrama de interação	204
A.2 Comportamento elástico da ligação	212
A.3 Estado de deslocamentos na ruína dúctil	217
A.4 Curvas de comportamento da ligação – M x $\phi$ e N x $\Delta$	218
A.5 Painel de alma da coluna sujeito ao corte	220

A.6 Resistência do painel de alma	221
A.7 Comportamento elástico do painel de alma da coluna em cisalhamento	. 223
A.8 Curvas da Ligação	224
Anexo B Exemplo de Aplicação do Modelo de Cerfontaine	.226
B.1 Propriedades Mecânicas e Geométricas da Ligação	. 226
B.2 Resistência Individual das Componentes	226
B.2.1. Alma da coluna ao corte	226
B.2.2. Demais componentes	227
B.2.3. Cálculo de $F_i^{Rd+}$ e $F_i^{Rd-}$	. 227
B.2.4. Obtenção do diagrama de interação	229
B.2.5. Determinação de um ponto específico do diagrama	232
B.2.6. Supondo uma excentricidade conhecida (e = 1000 mm)	232
B.2.7. Comportamento elástico da ligação	233
B.2.8. Cálculo da rigidez inicial para o ponto em estudo (e = 1000 mm)	236
B.2.9. Cálculo dos esforços elásticos na ligação	238
B.2.10. Deslocamentos na ruína dúctil	239
B.2.11. Cálculo de $\varphi_{i,k}$ ( $\Delta_1 = \Delta_1^{Rd^+}$ )	239
B.2.12. Cálculo de $\Delta_{i,k}$	240
B.2.13. Cálculo de $\Delta_i (\Delta_i = \Delta + h_i \cdot \phi)$	240
B.2.14. Cálculo das variáveis adicionais para a obtenção das curvas M x $\phi$ e N x $\Delta$	241
B.3 Avaliação do painel de alma da coluna ao cisalhamento	242
B.3.1. Resistência do Painel de Alma ao cisalhamento	242
B.3.2. Comportamento elástico do painel de alma	243
B.3.3. Curva do painel de alma ao corte	243
B.3.4. Curva final da ligação	245

## Anexo C Detalhamento das Peças Utilizadas no Programa Experimental 246

Anexo	D	Dimensionamento	da	Ligação	com	Placa	de	Extremidade
Estendi	ida.							253
D 4 Info								050
D.1 Info	rma	ções Gerais	•••••					
D.2 Cálc	ulo	das Componentes						255
D.2.1.	Alm	na da coluna ao corte						255
D.2.2.	Alm	na da coluna à compres	são					255
D.2.3.	Me	sa da coluna à flexão						

D.2.4. Alma da coluna à tração	258
D.2.5. Placa de extremidade à flexão	259
D.2.6. Parafusos à tração	
D.2.7. Mesa da viga à compressão	
D.2.8. Alma da viga à tração	
D.3 Associação das componentes (molas) em série e em paralelo	
D.3.1. Resistência	
D.3.2. Rigidez Inicial	
D.4 Curva Momento Versus Rotação	
Anexo E Controle Dimensional dos Ensaios	265
E.1 Apresentação das Dimensões Utilizadas	265
E.2 Valores Medidos	

# Lista de Figuras

Figura 1.1 – Classificação das ligações de acordo com sua rigidez	26
Figura 1.2 – Distribuição elástica de momentos fletores num pórtico simples	27
Figura 1.3 – Ligação de um pórtico de galpões com vigas inclinadas	28
Figura 2.1 – Propriedades para dimensionamento de uma ligação [8,9]	34
Figura 2.2 – Classificação das ligações de acordo com a rigidez inicial [8,9]	35
Figura 2.3 – Componentes de uma ligação com placa de extremidade, [38]	38
Figura 2.4 – Modelo mecânico - ligação com placa de extremidade estendida	38
Figura 2.5 – Procedimento para cálculo da rigidez rotacional	39
Figura 2.6 – Centro de compressão e braço de alavanca z	41
Figura 2.7 – Tensões normais e cisalhantes na zona comprimida da alma da coluna.	43
Figura 2.8 – Propriedades geométricas da componente alma da coluna em compress	são
	43
Figura 2.9 – Modos de ruptura de um T-stub aparafusado	46
Figura 2.10 – Definição de parâmetros geométricos – componente 4	47
Figura 2.11 – Modelos de linhas de ruptura para grupos de linhas de parafusos	47
Figura 2.12 – Definição de parâmetros geométricos – componente 5	50
Figura 2.13 – Curvas para obtenção do coeficiente $\alpha$ (Eurocode 3)	51
Figura 2.14 – Modelo mecânico proposto por Finet [10]	54
Figura 2.15 – Diagrama de interação de uma ligação com placa de extremidade	
estendida	56
Figura 2.16 – Interação entre três linhas de parafusos e definição de $F_j^{Rd}$	58
Figura 2.17 – Ligação viga-coluna soldada com respectivo modelo de molas [12]	59
Figura 2.18 – Caracterização do comportamento das componentes [12]	60
Figura 2.19 – Curva momento versus rotação – modelo e experimental	60
Figura 2.20 – Curvas momento versus rotação com esforço axial de compressão	60
Figura 2.21 – Ensaios realizados por Wald [14]	61
Figura 2.22 – Configuração dos ensaios realizados por Wald [14]	61
Figura 2.23 – Curva de comparação entre tipos de carregamentos	62
Figura 2.24 – Consideração sobre a área efetiva das mesas comprimidas, Wald [14].	63
Figura 2.25 – Modelo mecânico da placa de extremidade, Wald [14]	64
Figura 2.26 – Curvas momento versus rotação – ensaios SN, Wald [14]	66
Figura 3.1 – Dimensões dos perfis laminados IPE240, HEB240 e HEB200	68
Figura 3.2 – Detalhe do parafuso M20 cl. 10.9	68
Figura 3.3 – Detalhe das ligações utilizadas nos ensaios	69
Figura 3.4 – Ligações com placa de extremidade (ambas as séries)	70
Figura 3.5 – Pórtico de aplicação de carga	73
Figura 3.6 – Reforços introduzidos no pórtico de reação	74

Figura 3.7 – Preparação e concretagem da sapata de reação	74
Figura 3.8 – Sistema de aplicação de esforço axial de compressão	76
Figura 3.9 – Macacos hidráulicos e célula de carga central	76
Figura 3.10 – Variação da carga aplicada em cada um dos cabos de protensão	77
Figura 3.11 – Correção da carga aplicada em cada um dos cabos de protensão	78
Figura 3.12 – Sistema de aplicação de esforço axial de tração	79
Figura 3.13 – Componentes para os ensaios com esforço axial de tração	79
Figura 3.14 – Peça para aplicação do esforço axial [57]	80
Figura 3.15 – Instrumentação dos parafusos	81
Figura 3.16 – Posicionamento de extensômetros e rosetas – Ensaios FE	82
Figura 3.17 – Posicionamento de extensômetros e rosetas – Ensaios EE	82
Figura 3.18 – Aplicação da protensão nos parafusos	82
Figura 3.19 – Transdutores de deslocamentos e sistema de aquisição de dados	83
Figura 3.20 – Ciclos de carga utilizados nos ensaios	83
Figura 3.21 – Ensaios de tração de corpos-de-prova dos perfis e parafusos	84
Figura 3.22 – Posição dos corpos-de-prova das placas de extremidade	86
Figura 3.23 – Medição de espessuras	86
Figura 4.1 – Verificação da aplicação de esforço axial de compressão	88
Figura 4.2 – Curvas momento versus rotação	89
Figura 4.3 – Deformações ocorridas nos ensaios FE	90
Figura 4.4 – Curvas momento versus rotação com respectivas descargas	91
Figura 4.5 – Curva de interação M versus N	92
Figura 4.6 – Controle do esforço axial aplicado nos ensaios	93
Figura 4.7 – Curvas momento versus rotação – ensaios FE5 e FE7	94
Figura 4.8 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta B – canal 8)	94
Figura 4.9 – Direção principal $\phi_1$ (roseta B)	95
Figura 4.10 – Tensões principais $\sigma_1 e \sigma_2$ (roseta B)	96
Figura 4.11 – Tensões de Von Mises $\sigma_{VM}$ (roseta B)	96
Figura 4.12 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 11)	97
Figura 4.13 – Curvas M x $\epsilon$ da alma da coluna à compressão (roseta C - canal 14)	98
Figura 4.14 - Direção principal $\phi_1$ (roseta C)	98
Figura 4.15 – Tensões principais $\sigma_1 e \sigma_2$ (roseta C)	99
Figura 4.16 - Tensão de Von Mises $\sigma_{VM}$ (roseta C)	99
Figura 4.17 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta A - canal 5)	100
Figura 4.18 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 6)	101
Figura 4.19 - Direção principal $\phi_1$ (roseta A)	101
Figura 4.20 – Tensões principais $\sigma_1 e \sigma_2$ (roseta A)	102
Figura 4.21 - Tensão de Von Mises $\sigma_{VM}$ (roseta A)	102
Figura 4.22 – Deformação da mesa da coluna submetida à flexão	103

Figura 4.23 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 10)	104
Figura 4.24 – Curvas M x $\delta$ (transdutor 45)	104
Figura 4.25 – Deformações da placa de extremidade à flexão – Ensaios FE	106
Figura 4.26 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 23)	107
Figura 4.27 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 24)	108
Figura 4.28 – Curvas M x $\delta$ (transdutor 44)	108
Figura 4.29 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 29)	109
Figura 4.30 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 30)	110
Figura 4.31 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 31)	110
Figura 4.32 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 32)	111
Figura 4.33 – Curvas M x $\epsilon$ (média dos extensômetros 29 a 32)	111
Figura 4.34 – Comparação de deformações – mesa da viga à compressão	112
Figura 4.35 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 22)	113
Figura 4.36 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta E - canal 27)	114
Figura 4.37 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 28)	114
Figura 4.38 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta E - canal 25)	115
Figura 4.39 – Considerações sobre o efeito de alavanca	116
Figura 4.40 – Curvas M x $\epsilon$ e M x $\sigma$ - Ensaio FE1	116
Figura 4.41 – Curvas M x $\phi$ e F x $\phi$ - Ensaio FE1	117
Figura 4.42 – Curvas M x $\epsilon$ e M x $\sigma$ - Ensaio FE3	117
Figura 4.43 – Curvas M x $\phi$ e F x $\delta$ - Ensaio FE3	118
Figura 4.44 – Curvas M x $\epsilon$ e M x $\sigma$ - Ensaio FE9	118
Figura 4.45 – Curvas M x $\phi$ e F x $\delta$ - Ensaio FE9	119
Figura 4.46 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetros 35 e 36 – ensaios FE1, FE3 e FE9)	119
Figura 4.47 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 20)	120
Figura 4.48 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 21)	121
Figura 4.49 – Curvas M x $\epsilon$ (média dos extensômetros 20 e 21)	121
Figura 4.50 – Seqüências de escoamento das componentes para cada ensaio	123
Figura 4.51 – Método para identificação do escoamento das componentes	124
Figura 5.1 – Curvas momento versus rotação	126
Figura 5.2 – Deformações ocorridas nos ensaios FE	126
Figura 5.3 – Curvas momento versus rotação com respectivas descargas	128
Figura 5.4 – Curva de interação M versus N	129
Figura 5.5 – Controle do esforço axial aplicado nos ensaios	129
Figura 5.6 – Curvas M x $\varepsilon$ (roseta B – canal 8)	131
Figura 5.7 – Direção principal $\phi_1$ (roseta B)	131
Figura 5.8 – Tensões principais $\sigma_1 e \sigma_2$ (roseta B)	132
Figura 5.9 – Tensões de Von Mises $\sigma_{VM}$ (roseta B)	132
Figura 5.10 – Curvas M x ε (extensômetro 11)	133

Figura 5.11 – Curvas M x $\epsilon$ da alma da coluna à compressão (roseta C - canal 14)	134
Figura 5.12 – Tensões principais $\sigma_1 e \sigma_2$ (roseta C)	134
Figura 5.13 - Tensão de Von Mises $\sigma_{\text{VM}}$ (roseta C)	135
Figura 5.14 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta A - canal 2)	135
Figura 5.15 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta A - canal 5)	136
Figura 5.16 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 6)	136
Figura 5.17 - Direção principal $\phi_1$ (roseta A)	137
Figura 5.18 – Tensões principais $\sigma_1 e \sigma_2$ (roseta A)	137
Figura 5.19 - Tensão de Von Mises $\sigma_{VM}$ (roseta A)	138
Figura 5.20 – Deformação da mesa da coluna submetida à flexão	139
Figura 5.21 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 10)	139
Figura 5.22 – Curvas M x $\delta$ (transdutor 45)	140
Figura 5.23 – Deformações da placa de extremidade à flexão – Ensaios EE	142
Figura 5.24 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 23)	142
Figura 5.25 – Curvas M x $\epsilon$ (extensômetro 24)	143
Figura 5.26 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta D - canal 15)	144
Figura 5.27 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta D - canal 17)	145
Figura 5.28 – Tensões principais $\sigma_1$ (roseta D)	145
Figura 5.29 – Tensões principais $\sigma_2$ (roseta A)	146
Figura 5.30 - Direção principal $\phi_1$ (roseta A) – Ensaio EE1	146
Figura 5.31 - Tensão de Von Mises $\sigma_{VM}$ (roseta A)	147
Figura 5.32 – Curvas M x $\delta$ (transdutor 44)	147
Figura 5.33 – Curvas M x ε (extensômetro 29)	148
Figura 5.34 – Curvas M x ε (extensômetro 30)	149
Figura 5.35 – Curvas M x ε (extensômetro 31)	149
Figura 5.36 – Curvas M x ε (extensômetro 32)	150
Figura 5.37 – Curvas M x ε (média extensômetros 29 a 32)	150
Figura 5.38 – Comparação de deformações – mesa da viga à compressão	151
Figura 5.39 – Instabilidade ocorrida na alma da viga – Ensaios EE3 e EE4	152
Figura 5.40 – Curvas M x $\varepsilon$ (extensômetro 22)	153
Figura 5.41 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta E - canal 25)	153
Figura 5.42 – Curvas M x $\epsilon$ (roseta E - canal 27)	154
Figura 5.43 – Curvas M x ε (extensômetro 28)	154
Figura 5.44 – Curvas M x $\epsilon$ e M x $\sigma$ - Ensaio EE1	155
Figura 5.45 – Curvas M x $\phi$ e F x $\phi$ - Ensaio EE1	156
Figura 5.46 – Verificação do efeito de alavanca – Ensaio EE1	156
Figura 5.47 – Efeito do esforço de alavanca – Ensaios EE4 e EE7	157
Figura 5.48 – Curvas M x $\epsilon$ e M x $\sigma$ - Ensaio EE4	158

Figura 5.49 – Curvas M x $\phi$ e F x $\delta$ - Ensaio EE4	159
Figura 5.50 – Curvas M x $\epsilon$ e M x $\sigma$ - Ensaio EE7	159
Figura 5.51 – Curvas M x $\phi$ e F x $\delta$ - Ensaio EE7	160
Figura 5.52 – Seqüências de escoamento das componentes para cada ensaio	161
Figura 6.1 – Diferentes leis constitutivas de componentes	163
Figura 6.2 – Modelo de molas para ligações com placa de extremidade ajustada	164
Figura 6.3 – Modelo de molas para ligações com placa de extremidade estendida	165
Figura 6.4 – Leis constitutivas para molas em tração e compressão	166
Figura 6.5 – Rigidez inicial a ser usada na análise global elástica [8,9]	167
Figura 6.6 – Aproximação bi-linear da curva momento versus rotação [8,9]	167
Figura 6.7 – Tela de resultados - NASCon [58-60]	169
Figura 6.8 – Pré-processador - NASCon [58-60]	169
Figura 6.9 – Comparação entre LUSAS [57] e NASCON [58-60]	169
Figura 6.10 – Curvas momento fletor versus rotação – Ensaios FE	170
Figura 6.11 – Comparação de curvas momento versus rotação ( $k_p$ =0) – Ensaios FE.	171
Figura 6.12 – Curva de interação momento fletor versus esforço axial	174
Figura 6.13 – Comparação de curvas momento versus rotação – $k_{\text{p}} \neq 0$	175
Figura 6.14 – Curva momento fletor versus rotação adotada	177
Figura 6.15 – Curvas momento fletor versus rotação – Ensaios EE	177
Figura 6.16 – Comparação de curvas momento versus rotação ( $k_p=0$ ) – Ensaios EE.	178
Figura 6.17 – Transmissão do esforço de compressão na ligação	179
Figura 6.18 – Comparações de curvas momento versus rotação – Ensaio EE	180
Figura 6.19 – Seqüência de escoamento de componentes ( $k_p$ =0) – Ensaios EE	181
Figura 6.20 – Obtenção de $M_{j,Rd}$ a partir da curva momento <i>versus</i> rotação	183
Figura 6.21 – Curva de interação momento fletor versus esforço axial	183
Figura 6.22 – Comparação de curvas momento versus rotação – $k_p \neq 0$	185
Figura 6.23 – Comparação de curvas momento versus – série FE	186
Figura 6.24 – Comparação de curvas momento versus – série EE	186

Figura A.1 – Diagrama de interação - ligação com placa de extremidade estendida	.205
Figura A.2 - Interação entre três linhas de parafusos e definição de $F_j^{Rd}$	.207
Figura A.3 – Considerações sobre efeitos de grupos entre linhas de parafusos	.215
Figura A.4 – Curvas de comportamento da ligação (M x $\phi$ e N x $\Delta$ )	.219
Figura A.5 – Variação do esforço de cisalhamento no painel de alma da coluna	.221
Figura C.1 – Viga para suporte do atuador hidráulico	. 246
Figura C.2 – Viga de travamento da sapata de reação	.247
Figura C.3 – Peça de ligação da viga do atuador hidráulico com o pórtico de reação	.248
Figura C.4 – Peça de ligação da viga do atuador hidráulico com o pórtico de reação	.248
Figura C.5 – Peça de ligação da rótula inferior com a placa de base das colunas	.249
Figura C.6 – Peça de ligação do pórtico de reação com a rótula superior	. 249

Figura C.7 – Peça de ligação da placa de topo da coluna com a rótula superior	.250
Figura C.8 – Detalhe do desviador dos cabos de protensão	. 250
Figura C.9 – Peça para aplicação do esforço axial de compressão - I	.251
Figura C.10 – Peça para aplicação do esforço axial de compressão - II	.251
Figura C.11 – Guia dos cabos de protensão	. 252
Figura C.12 – Detalhe da coluna e da viga dos ensaios	. 252
Figura E.1 - Dimensões utilizadas para a caracterização geométrica dos perfis	.265

# Lista de Tabelas

Tabela 2.1 – Coeficiente de modificação de rigidez η [8,9]	34
Tabela 2.2 – Valores aproximados para o parâmetro de transformação $\beta$	42
Tabela 2.3 – Parâmetro de redução ω	45
Tabela 2.4 – Comprimentos efetivos de um T-stub, componente 4	48
Tabela 2.5 – Comprimentos efetivos de um T-stub, componente 5	50
Tabela 3.1 – Dimensionamento das componentes – Ensaios FE	71
Tabela 3.2 – Dimensionamento das componentes – Ensaios EE	71
Tabela 3.3 – Descrição dos carregamentos aplicados nos ensaios	72
Tabela 3.4 – Propriedades mecânicas dos materiais	85
Tabela 4.1 – Verificação da aplicação de esforço axial de tração	88
Tabela 4.2 – Valores experimentais para $M_{j,Rd}$ e $S_{j,ini}$	90
Tabela 4.3 – Tensões principais - roseta A para M = 50kN.m (em MPa)	102
Tabela 4.4 – Deslocamentos da placa de extremidade (em mm)	109
Tabela 5.1 – Valores experimentais para $M_{j,Rd}$ e $S_{j,ini}$	127
Tabela 5.2 – Comparação de deformações – canais 11 e 14 (em $\mu\epsilon)$	133
Tabela 5.3 – Comparação de deslocamentos – canal 44 (em mm)	148
Tabela 6.1 – Coeficientes de rigidez das componentes dos ensaios da série FE	172
Tabela 6.2 – Comparação entre $M_{j,Rd}$ e $S_{j,ini}$ – numérico e experimental	172
Tabela 6.3 – Valores calibrados para rigidez pós-limite k <sub>p</sub>	176
Tabela 6.4 – Coeficientes de rigidez das componentes dos ensaios da série EE	181
Tabela 6.5 – Comparação entre $M_{j,Rd}$ e $S_{j,ini}$ – numérico e experimental	182
Tabela 6.6 – Valores calibrados para rigidez pós-limite $k_p$	184
Tabela A 1 - Comportamento das componentes	213

Tabela A.1 - Comportamento das componentes	213
Tabela E.1 – Propriedades geométricas – placa de extremidade e viga (Ensaio	s FE)266
Tabela E.2 – Propriedades geométricas – coluna (Ensaios FE)	267
Tabela E.3 – Propriedades geométricas – placa de extremidade e viga (Ensaio	s EE) . 268
Tabela E.4 – Propriedades geométricas – coluna (Ensaios EE)	269

# Lista de Símbolos

A	área total da seção transversal do perfil da coluna
A <sub>0</sub>	área do parafuso
A <sub>vc</sub>	área de corte da alma da coluna
${\rm b}_{\rm eff,c,wc}$	largura efetiva da alma da coluna à compressão
$\boldsymbol{b}_{eff,t,wb}$	largura efetiva da alma da coluna à tração
b <sub>tf<sub>f</sub></sub>	largura da mesa da coluna
$\mathbf{B}_{\mathrm{t,Rd}}$	resistência de um parafuso à tração
E	módulo de elasticidade
$\mathbf{f}_{ub}$	tensão última do parafuso
f <sub>y</sub>	tensão de escoamento do material
f <sub>y,wc</sub>	tensão de escoamento da alma da coluna
<b>f</b> <sub>y,fc</sub>	tensão de escoamento da mesa da coluna
F <sub>T,1,Rd</sub>	resistência do t-stub à flexão – modo 1
$F_{T,2,Rd}$	resistência do t-stub à flexão – modo 2
$F_{T,3,Rd}$	resistência do t-stub à flexão – modo 3
$F_{i.Rd}$	resistência de cada linha de parafusos em tração
$F_{c,wc,Rd}$	resistência da alma da coluna à compressão
$F_{t,wc,Rd}$	resistência da alma da coluna à tração
$F_{c,fb,Rd}$	resistência da mesa da viga à compressão
$F_{t,\text{wb},\text{Rd}}$	resistência da alma da viga à tração
$F_{t,Rd}$	resistência de um parafuso à tração
h <sub>i</sub>	distância da linha de parafusos ao centro de compressão
h <sub>r</sub>	distância entre a linha de parafusos i ao centro de compressão
<b>k</b> 1	coeficiente de rigidez da alma da coluna ao corte – componente 1
k <sub>2</sub>	coeficiente de rigidez da alma da coluna à compressão - componente 2
k <sub>3</sub>	coeficiente de rigidez da alma da coluna à tração – componente 3
k <sub>4</sub>	coeficiente de rigidez da alma da coluna à flexão – componente 4
<b>k</b> 5	coeficiente de rigidez da placa de extremidade à flexão - componente 5
k <sub>7</sub>	coeficiente de rigidez da mesa da viga à compressão- componente 7
k <sub>8</sub>	coeficiente de rigidez da alma da viga à tração – componente 8

<b>k</b> <sub>10</sub>	coeficiente de rigidez de um parafuso à tração
k <sub>eq</sub>	rigidez equivalente das molas associadas em paralelo
k <sub>eff,r</sub>	rigidez efetiva das molas associadas em série
k <sub>i,r</sub>	valor de rigidez de cada uma das componentes
$k_{wc}$	fator de correção
$I_{\rm eff,1}$	largura efetiva do t-stub – modo 1
$I_{eff,cp}$	formas circulares
I <sub>eff,nc</sub>	formas não-circulares
I <sub>eff,2</sub>	largura efetiva do t-stub – modo 2
L <sub>b</sub>	espessura de material a ser apertada pelos parafusos
$M_{j,Rd}$	momento resistente
$M_{\text{pl,1,Rd}}$	momento resistente do t-stub à flexão – modo 1
${\sf M}_{\sf pl,2,\sf Rd}$	momento resistente do t-stub à flexão – modo 2
$\rm M_{c,Rd}$	momento resistente da seção transversal
n <sub>b</sub>	número de linhas de parafusos em tração
n <sub>c</sub>	número de componentes ativas em cada linha de parafusos
r	raio de concordância
S <sub>j,ini</sub>	rigidez inicial rotacional
s <sub>p</sub>	comprimento obtido pela dispersão à 45º através da placa de extremidade
t <sub>fc</sub>	espessura da mesa da coluna
t <sub>fb</sub>	espessura da mesa da viga
t <sub>f</sub>	espessura da mesa do t-stub
t <sub>p</sub>	espessura da placa de extremidade
t <sub>w</sub>	espessura da alma da viga
t <sub>wc</sub>	espessura da alma da coluna
$V_{\text{wp,Rd}}$	resistência da alma da coluna ao corte
$W_{\rm pl}$	módulo plástico da seção transversal
Z <sub>eq</sub>	braço de alavanca
β	parâmetro de transformação
ф <sub>Cd</sub>	capacidade de rotação
γ <sub>MO</sub>	coeficiente de resistência
γм1	coeficiente de segurança

$\gamma_{\text{M2}}$	coeficiente de resistência
$\lambda_1 e \lambda_2$	coeficientes
$\overline{\lambda}_{p}$	esbeltez da placa de extremidade
η	coeficiente de modificação de rigidez
ρ	o fator de redução devido à flambagem da placa
$\sigma_{\text{com,Ed}}$	máxima tensão longitudinal de compressão
ω	fator de redução

# Lista de Abreviaturas

PUC-Rio	Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro
Eurocode	European Committee for Standardisation
ECCS	European Convention for Constructional Steelwork
DEC	Departamento de Engenharia Civil
FCTUC	Faculdade de Ciências e Tecnologia da Universidade de Coimbra

"Contemple o mundo com novo frescor, com os olhos de um principiante. Saber que você não sabe e estar disposto a admitir isso sem desculpas nem acanhamento é ser fonte de verdade e preparar o terreno para aprender e progredir em qualquer atividade."

Epicteto, A Arte de Viver