# 2 Canal Espaço-Temporal

Este capítulo descreve as propriedades físicas do canal de comunicação wireless a serem modeladas, e se subdivide em duas partes. Na primeira, serão abordadas as características do sinal propagante em um ambiente móvel, seus parâmetros e algumas estatísticas necessárias para a análise Espaço-Temporal. Já a segunda parte, resume os principais modelos Espaço-Temporais já desenvolvidos.

#### 2.1 Ambiente e Parâmetros do Sinal

Nos sistemas sem fio, o sinal transmitido em um canal interage com o ambiente de forma complexa. Fenômenos como a reflexão em grandes objetos, o sombreamento e o espalhamento estão sempre presentes. O resultado de interações tão complexas é a presença de várias componentes de um mesmo sinal no receptor, chamados de multipercursos. Outra propriedade dos canais *wireless* é a presença de um incremento Doppler, causado pelo movimento do receptor, do transmissor, e/ou de qualquer outro objeto no ambiente.

Uma ilustração simples de um ambiente pode ser observada na figura 2.1. Cada componente de sinal está submetido a um diferente microambiente de propagação que irá determinar: a amplitude  $A_{l,k}$ , a fase da portadora  $\varphi_{l,k}$ , o retardo  $\tau_{l,k}$ , o ângulo de chegada  $\theta_{l,k}$  e o incremento Doppler  $f_D$ . Tudo isto para cada *l*-ésimo componente de sinal de cada *k*ésimo móvel. Em geral, cada um destes parâmetros do sinal será variante no tempo [35, 28, 21].

Os clássicos modelos iniciais, desenvolvidos para sistemas de transmissão de faixa estreita, provêm informação sobre a distribuição do nível de potência e incrementos Doppler do sinal recebido. Estes modelos têm sua origem nos primórdios da tecnologia celular na qual técnicas de modulação digital de faixa larga não estavam disponíveis comercialmente.



Figura 2.1: A Propagação por Multipercursos

Na medida em que os sistemas celulares se tornam mais complexos, modelos mais precisos se fazem necessários. Representando o canal de rádio frequência (RF) como um canal variante no tempo e utilizando a representação banda-básica de envelope complexo, temos a resposta ao impulso do Móvel 1, figura 2.1, que tem sido representada classicamente por [22]:

$$h_1(t;\tau) = \sum_{l=0}^{L(t)-1} A_{l,1}(t) e^{j\varphi_{l,1}(t)} \delta(\tau_{l,1}(t))$$
(2-1)

onde L(t) é o número de componentes de multipercurso presentes no instante de tempo t. A amplitude  $A_{l,k}$  das componentes de multipercurso é geralmente representada por uma distribuição de Rayleigh, enquanto o incremento de fase  $\varphi_{l,k}$  é uniformemente distribuído.

A natureza variante no tempo do Canal Rádio Móvel é causada pela movimentação dos objetos no ambiente. Uma medida dessa variação do canal é dada pelo Espectro Doppler de potência, introduzido por Gans em 1972 [3]. O Espectro Doppler de Potência provê uma informação estatística da variação em frequência de um tom recebido por um móvel se deslocando com velocidade v. Baseado no modelo desenvolvido por Clark em 1968, Gans assumiu que o sinal recebido na estação móvel veio de todas as direções e foi uniformemente distribuído. Assumindo isto, e considerando como antena um monopolo vertical do tamanho de um quarto do comprimento de onda, tem-se que o espectro Doppler é dado por [22]:

$$S(f) = \begin{cases} \frac{1.5}{\pi f_m \sqrt{1 - \left(\frac{f - f_c}{f_m}\right)^2}} & \text{se } |f - f_c| < f_m \\ 0 & \text{outros casos} \end{cases}$$
(2-2)

onde  $f_m$  é o incremento Doppler Máximo, dado por  $v/\lambda$ , no qual  $\lambda$  é o comprimento de onda do sinal transmitido na frequência  $f_c$ .

O modelo de canal expresso pela equação 2-1 não considera os ângulos de chegada de cada componente de multipercurso mostrado na figura 2.1. Fazendo-se um equivalente de faixa estreita do sinal, o ângulo de chegada do sinal pode ser incluído, utilizando:

$$h(t;\tau,\theta) = \sum_{l=0}^{L(t)-1} A_{l,1}(t) e^{j\varphi_{l,1}(t)} \delta(\tau_{l,1}(t),\theta_{l,1}(t))$$
(2-3)

A resposta ao impulso espacial dada pela equação 2-3 é um somatório de vários componentes de multipercurso, cada qual tendo sua amplitude, sua fase e seu ângulo de chegada. A distribuição desses parâmetros depende do tipo de ambiente.

#### 2.1.1 Espalhamento Temporal

O efeito do espalhamento temporal do canal pode ser quantizado pelo espalhamento de retardos  $\sigma_{\tau}$ , também conhecido como retardo *rms*, que nada mais é que o desvio padrão dos retardos do espectro de potência do canal dado por  $P_h(\tau)$  e pelo seu valor médio  $\langle \tau \rangle$ :

$$\langle \tau \rangle = \frac{\int \tau P_h(\tau) d\tau}{\int P_h(\tau) d\tau}$$
 (2-4)

$$\sigma_{\tau} = \sqrt{\frac{\int (\tau - \langle \tau \rangle)^2 P_h(\tau) d\tau}{\int P_h(\tau) d\tau}}$$
(2-5)

Tendo-se a resposta ao impulso discreta do canal, dada por 2-1, é possível simplificar a equação 2-5 [22]. Para isso considera-se  $\alpha_k(\tau)$  a magnitude equivalente de todos os raios que chegam no mesmo instante  $\tau$ , o conjunto de todos os equivalente  $\alpha_k(\tau)$  para o usuário k formam um perfil de retardo (pdp) como mostrado na figura 2.2.

$$\langle \tau \rangle = \frac{\sum_{l=0}^{L-1} \tau(\alpha_k(\tau))^2}{\sum_{l=0}^{L-1} (\alpha_k(\tau))^2}$$
 (2-6)

$$\sigma_{\tau} = \sqrt{\frac{\sum_{l=0}^{L-1} (\tau - \langle \tau \rangle)^2 (\alpha_k(\tau))^2}{\sum_{l=0}^{L-1} (\alpha_k(\tau))^2}}$$
(2-7)



Figura 2.2: Perfil de Potência de Retardos Equivalente

## 2.1.2 Espalhamento Angular

A raiz média quadrática (rms) do Espalhamento Angular é a medida da dispersividade espacial do canal [35]. Para um sinal emitido por uma única fonte, e propagado em um ambiente com múltiplos percursos, o Espalhamento Angular é definido como:

$$\sigma_{\theta} = \sqrt{\mathbb{E}[\theta^2] - \mathbb{E}[\theta]^2}$$
(2-8)

Como tipicamente não se tem a Função Densidade de Probabilidade dos ângulos de chegada, frequentemente aproxima-se o espalhamento angular por:

$$\sigma_{\theta} = \sqrt{\langle \theta^2 \rangle - \langle \theta \rangle^2} \tag{2-9}$$

onde

$$\langle \theta \rangle = \frac{\int_0^{2\pi} \theta P_r(\theta) d\theta}{\int_0^{2\pi} P_r(\theta) d\theta}$$
(2-10)

$$\langle \theta^2 \rangle = \frac{\int_0^{2\pi} \theta^2 P_r(\theta) d\theta}{\int_0^{2\pi} P_r(\theta) d\theta}$$
(2-11)

e  $P_r(\theta)$  é a potência recebida pelo ângulo  $\theta$ . Utilizando o resultado discreto dado ela equação 2-3 tem-se:

$$\sigma_{\theta} = \sqrt{\frac{\sum_{l=0}^{L-1} A_{l,k}^2 \theta_{l,k}^2}{\sum_{l=0}^{L-1} A_{l,k}^2} - \left(\frac{\sum_{l=0}^{L-1} A_{l,k}^2 \theta_{l,k}}{\sum_{l=0}^{L-1} A_{l,k}^2}\right)^2}$$
(2-12)

A equação 2-12 representa o espalhamento angular para o canal de faixa estreita. Para uma caracterização de faixa larga calcula-se a dispersividade  $\sigma_{\theta}$  considerando todos sinais que chegam, de vários ângulos, em um mesmo retardo.

Como ilustração, temos a figura 2.3 que exemplifica uma resposta espaço-temporal típica de um ambiente *indoor*. Se cada pico do espectro obtido for associado a uma amplitude discreta, a representação do canal se dará como na equação 2-3. Em uma análise cuidadosa do gráfico, observa-se que com retardo de 70[ns] chegam 7 raios, aplicando-se o equacionamento descrito em 2-12 tem-se um espalhamento angular  $\sigma_{\theta} = 42^{\circ}$ . Da mesma forma, com retardo de 115[ns] chegam outros 5 raios que geram um espalhamento angular de  $\sigma_{\theta} = 45^{\circ}$ . A média ponderada pela energia contida em cada uma destas linhas de retardo gera um espalhamento angular final  $\sigma_{\theta} = 43^{\circ}$ .



Figura 2.3: Exemplo de uma Resposta Espaço-Temporal

### 2.2 Modelos Espaço-Temporais

No passado, a distribuição dos ângulos de chegada não era conhecida, assumindo-se uma distribuição uniforme no intervalo  $[0, 2\pi]$ . Em um ambiente tipicamente macrocelular, uma estação rádio-base é instalada acima dos maiores espalhadores da região. Desta forma, os sinais recebidos na base são o resultado do processo de espalhamento na vizinhança da estação móvel. Os componentes de multipercurso na estação base são restritos a uma pequena região angular, e com isso a distribuição dos ângulos de chegada não é mais uniforme em torno de  $[0, 2\pi]$ . Nos ambientes microcelulares a antena da estação base geralmente é montada abaixo da altura dos prédios. Isto implica em um maior espalhamento angular, uma vez que o processo de espalhamento também ocorre na vizinhança da base. Na prática, observa-se que à medida em que se abaixa a antena transmissora, aumenta-se a dispersividade angular do canal. Dentro desta perspectiva, o que se verifica na propagação em ambientes interiores é um comportamento das estatísticas de espalhamento angular extremamente dependente do tipo de ambiente e da disposição de armários, estantes e outros grandes espalhadores.

Em [28], Rappaport *et al.* realizam um resumo dos modelos Espaço-Temporais existentes que levam em consideração as características de tempo e ângulo de chegada dos sinais. Nesse trabalho, os autores subdividem as possibilidades de modelagem em três grupos. A seguir, será apresentada uma breve descrição de cada grupo. Informações quanto à formulação completa de cada modelo, além das referências a cada trabalho, podem ser encontradas em [28, 35]:

 Modelos Gerais de Base Estatística – Inicialmente surgiram o Modelo de Lee, algumas variações deste, e o Modelo de Distribuição Geométrica Uniforme. Todos esses modelos partem de uma suposição quanto ao posicionamento dos espalhadores principais e têm como objetivo prever a correlação entre pares de elementos (antenas) em sistemas de diversidade de espaço.

Outra série de modelos estatísticos surgiu a partir de funções de densidade espacial de espalhadores, os quais são dispostos aleatoriamente a partir de um tipo de função assumida. Conhecidos como Modelos de Base Geométrica, possuem algumas variantes quanto à forma, havendo modelos de base circular ou elíptica. Diferentemente dos outros, os Modelos de Base Geométrica assumem que cada multipercurso sofre uma única reflexão, provendo então o tempo e ângulo de chegada do sinal, e por isso estes podem ser empregados para prever a performance de sistemas com *arrays* adaptativos (Antenas Inteligentes).

Tem-se também, outro modelo, chamado de Canal Vetorial de Rayleigh Variante no Tempo, desenvolvido para prover resultados considerando tanto o desvanecimento de Rayleigh de pequena escala quanto propriedades de correlação espacial. Este modelo apresenta boa performance quando comparado com medidas e por isso ganhou duas variantes, uma para ambientes urbanos típicos e outra para urbanos densos.

Saleh e Valenzuela [9] desenvolveram um modelo para multipercursos em ambientes *indoor* baseado no fenômeno de "clusterização" dos retardos, observado através de dados experimentais. Posteriormente, este modelo foi expandido para considerar uma distribuição espacial desses *clusters*.

Finalmente, tem-se o modelo de Lu, Lo e Litva, baseado na hipótese de distribuição dos espalhadores em sub-regiões elípticas. Simulações realizadas com esse modelo levaram à conclusão de que o uso de antenas com abertura de  $60^{\circ}$  em ambientes celulares pode reduzir o espalhamento rms de retardos em valores que variam de 30 a 40%. Medidas posteriores realizadas em Toronto com antenas setorizadas comprovaram esta hipótese.

2. Modelos site-specific Baseados em Medidas – Modelos desse grupo possuem maior precisão, mas dependem totalmente de medidas. Dentre eles, destaca-se o modelo proposto por Blanz et al., a idéia por detrás deste modelo é caracterizar o ambiente de propagação em termos dos pontos de espalhamento predominantes, identificados com campanhas de medidas.

Outra possibilidade levantada é transformar o modelo de linhas de retardo do canal [19], para que neste, cada *tap* contenha informações de tempo de chegada, amplitude complexa e ângulo de chegada. Assim, as funções densidade de probabilidade conjuntas do canal podem ser determinadas a partir de medidas.

3. Modelos Totalmente Site-Specific – Os modelos apresentados até aqui são baseados em análises estatísticas e/ou medidas, e provêm informações quanto a média da perda de propagação, dos espalhamentos angulares e de retardos, para vários tipos de ambientes. Nos últimos anos, um modelamento determinístico, conhecido como Traçado de

Raios, foi proposto baseado nas teorias geométricas da difração, além de modelos de reflexão e espalhamento. Utilizando informações ditas *Site-Specific*, como base de dados geo-referenciadas do relevo e dos prédios, estes métodos tentam prover informações determinísticas do ambiente de propagação. No entanto, maiores desenvolvimentos têm esbarrado no grande esforço computacional requerido.