## 2 Guias de onda em substratos dielétricos

Ao longo do presente Capítulo são apresentadas as principais configurações que operam como guia de ondas em substratos dielétricos. São descritos o dimensionamento dos guias NRD (Non-Radiating Dielectric Waveguide) e os modelos RWG (Rectangular Waveguide) x SIWG (Substrate Integrated Waveguide) de acordo com os respectivos modos de propagação e as freqüências de corte. As estruturas de transição entre linhas planares e guias SIWG são também apresentadas. Destacando a transição coaxial guia SIWG como uma nova configuração.

#### 2.1 Guias NRD

O guia NRD é modelado por uma aproximação de um guia retangular formado por dois meios dielétricos homogêneos sem fontes e sem cargas [24], de acordo com a Figura 1, satisfazendo a solução da equação de onda vetorial (Equações de Maxwell). Considera-se nestes guias a propagação de modos TE e TM em relação a x, também conhecidos como modos LSE e LSM em relação a x, isto é, por definição [24] TE x (Transverse Electric em relação a x) = LSE x (Longitudinal Section Electric em relação a x), neste caso a componente Ex=0, assim como por definição [24] TM x (Transverse Magnetic em relação a x) = LSM x (Longitudinal Section Magnetic em relação a x) e neste caso a componente Hx = 0. Esta aproximação define a condição de contorno apresentada, e pode-se calcular a frequência de corte para os modos de acordo com as dimensões físicas [24], ou vice e versa, conforme é descrito no anexo 1. O meio 2 é formado por vias sem metalização, onde a constante dielétrica do meio muda e é calculada pela equação de Ke Wu [11] detalhada no anexo 3. O coeficiente de reflexão no plano longitudinal de comprimento L, apresentado na Figura 3 é uma aproximação to teorema de floquet [25] para um guia com paredes periódicas, isto é, o plano1 transversal não é uma superfície de separação ideal entre

os dois meios pois o meio 2 não é um meio homogêneo, de acordo com o anexo 2. A Figura 2 apresenta o modelo tridimensional do guia NRD.



Figura 1 - Condições de Contorno de um guia dielétrico retangular ideal.

As dimensões e o posicionamento das vias forma configurações geométricas importantes que definem aproximadamente o valor da constante dielétrica do meio 2, isto é o valor de  $\varepsilon_2$  e a constante dielétrica  $\varepsilon_1$  é a constante dielétrica do substrato.



Figura 2 - Configuração tridimensional do guia NRD ; (a) Modelo de guia dielétrico retangular ideal ; (b) Modelo real do guia NRD.



Figura 3 - Aproximação pelo Teorema de Floquet para a propagação no guia NRD.

O coeficiente de reflexão no plano longitudinal indicado na Figura 3 é uma aproximação, pois o Plano1 transversal não é uma superfície de separação ideal entre os dois meios. Desta forma as condições de contorno são uma aproximação pois o meio 2 não é um meio homogêneo. Aproximações pelo teorema de Floquet indicam que existem modos refletidos na entrada da estrutura periódica de vias e outros modos que se propagam através dessa estrutura periódica de vias. Os modos refletidos na entrada da estrutura periódica de vias confinados e se propagam no guia dielétrico de  $\varepsilon_1$ , são os chamados modos dominantes do guia, definidos como modos LSE (Longitudinal Section Electric) e LSM (Longitudinal Section Magnetic) onde a freqüência máxima na propagação longitudinal (FMAXlongitudinal) é igual a freqüência de corte na propagação transversal ( fc transversal). A metalização superior e inferior do substrato faz com que o campo seja nulo no meio externo (não irradie).

Para dimensionar o guia NRD as equações (1) e (2) apresentam a relação entre as dimensões da parede do guia, a constante dielétrica e a permissividade dos meios 1 e 2, assim como a frequência de corte da propagação em z (longitudinal) para os modos  $TE_{m,0}^x$  ou  $LSE_{m,0}^x$ , assim como para os modos  $TM_{m,0}^x$  ou  $LSM_{m,0}^x$ .

$$\frac{\sqrt{\mu_1\varepsilon_1}}{\mu_1}\cot\left(w_c\sqrt{\mu_1\varepsilon_1}\left(a-(w_2+w_1)\right)\right) = \frac{\sqrt{\mu_2\varepsilon_2}}{\mu_2}\cot\left(w_c\sqrt{\mu_2\varepsilon_2}(w_2)\right) \tag{1}$$

A freqüência de corte para os modos  $TE_{0,1}^x$  ou  $LSE_{0,1}^x$  assim como para os modos  $TM_{0,1}^x$  ou  $LSM_{0,1}^x$  está relacionada com a altura do guia de acordo com a equação (2).

$$\frac{1}{2b\sqrt{\mu_2\varepsilon_2}} > f_c > \frac{1}{2b\sqrt{\mu_1\varepsilon_1}} \quad \text{onde} \quad \mu_2\varepsilon_2 < \mu_1\varepsilon_1 \tag{2}$$

Pesquisas recentes revelaram que substratos cerâmicos de constante dielétrica de  $\mathcal{E}r = 10$  (Alumina) podem ser utilizados para a fabricação de componentes e circuitos integrados com guias do tipo NRD em frequência de 100 GHz, com boa eficiência [11]. A Figura 4 apresenta o modelo tridimensional do guia NRD em alumina simulado no CST [18] e na Figura 5 o resultado da resposta em frequência para a simulação eletromagnética de parâmetros S. É possível perceber que o guia apresenta perda de inserção 0 dB e bandas de operação EBG (Eletromagnetic Band Gap) com freqüência central em 90 GHz e em 100 GHz. Sendo um excelente meio de propagação de sinais em altíssimas freqüências.



Figura 4 - Modelo tridimensional do guia NRD em Alumina simulado no CST.



Figura 5 - Simulação Eletromagnética para o guia NRD em Alumina.

Com os resultados apresentados acima é possível observar que os guias NRD são usados para transmissões em bandas seletivas, e possuem faixas de rejeições ao longo de uma banda larga. Como em muitas aplicações é desejado que os guias dielétricos apresentem bandas de operação contínuas e amplas, outras estruturas do tipo SIWG (Substrate Integrate Waveguide) são pesquisadas, dimensionadas e realizadas, adaptando estas estruturas para serem incorporadas aos circuitos integrados e substituírem linhas microstrip, CPWs, slotlines etc.

# 2.2 Modelo guias RWG x SIWG

O guia SIWG é modelado por meio da propagação dos modo TE e TM, como em um guia retangular RWG (Rectangular Waveguide), onde as camadas de metalização superior e inferior do substrato formam as respectivas paredes dos guias. As paredes laterais são formadas por vias metalizadas de circuito impresso alinhadas paralelamente de forma a evitar a radiação e confinar as ondas que se propagam no guia [8]. A Figura 6 apresenta em (a) a configuração tridimensional do guia SIWG e (b) o modelo do guia RWG equivalente.



Figura 6 – Modelo tridimensional dos guias de onda: (a) SIWG 3D ; (b) modelo RWG.

As dimensões *a* (distância centro a centro das vias que formam a parede do guia) e *b* (altura da parede do guia = espessura do substrato) são calculadas de acordo com a freqüência de corte desejada de um guia retangular dielétrico com perdas. Estes guias têm como modo dominante o  $TE_{10}$  cuja frequência de corte é determinada na equação 3. O modo de propagação seguinte  $TE_{20}$  é dado pela equação 4. O modo superior  $TE_{01}$  possui frequência de corte dada pela equação 5. Em cada uma das equações a constante dielétrica e a permissividade do dielétrico são conhecidas e dadas pelas características do substrato utilizado como meio de propagação do guia dielétrico.

$$f_{c_{TE_{10}}} = \frac{1}{2a\sqrt{\mu\varepsilon}} \tag{3}$$

25

$$f_{c_{TE_{20}}} = \frac{1}{a\sqrt{\mu\varepsilon}} \tag{4}$$

$$f_{c_{TE_{01}}} = \frac{1}{2b\sqrt{\mu\varepsilon}} \tag{5}$$

É possível observar, comparando as equações (3) e (4) que  $2fc_{TE10}=fc_{TE20}$ , desta forma pode-se afirmar que para se obter uma banda contínua e plana a frequência (f) de propagação no interior do guia é menor que a frequência de corte do modo  $TE_{01}$  e maior que a frequência de corte do modo  $TE_{10}$ , sendo também maior ou menor do que a frequência do modo  $TE_{20}$ , isto é f deve satisfazer as condições  $fc_{TE10} < f < fc_{TE20}$  e  $fc_{TE20} < f < fc_{TE01}$  [24]. Desta forma a razão entre as dimensões da parede do guia a e b seguem a relação a/b  $\geq$  2. O diâmetro das vias metalizadas d e a distância p entre vias consecutivas que formam as paredes laterais (paralelas) do guia são calculados pelas equações (8, 9 e 10) abaixo propostas por Dominic Deslandes [8] e dependem do comprimento de onda do modo TE<sub>10</sub> e da velocidade de grupo de propagação no guia apresentadas nas equações (6 e 7). Os valores de p e d são otimizados no simulador eletromagnético 3-D [19, 18] de forma a garantir a mínima perda de radiação e melhor resposta para a perda de retorno e perda de inserção em toda a banda passante do guia.

$$\nu_g = \frac{1}{\sqrt{\mu_d \varepsilon_d}} \tag{6}$$

$$\lambda_{TE_{10}} = \frac{v_g}{f_{c_{TE_{10}}}} \tag{7}$$

$$p < 0.2 \lambda_{TE_{10}} \tag{8}$$

$$\frac{d}{p} \ge 0.5 \tag{9}$$

$$\frac{d}{a} < 0.4 \tag{10}$$

Quando as equações acima são utilizadas para substratos de baixa constante dielétrica e as dimensões laterais do modelo SIWG e do guia retangular equivalente são iguais, isto é,  $a_{RWG}(\epsilon_{r\_baixo}) = a_{SIWG}(\epsilon_{r\_baixo})$  obtém-se a mesma freqüência de corte para os dois guias, fc<sub>RWG</sub> ( $\epsilon_{r\_baixo}$ ) = fc<sub>SIWG</sub> ( $\epsilon_{r\_baixo}$ ). Entretanto, para constantes dielétricas elevadas, verifica-se que, quando as dimensões laterais das paredes dos guias são as mesmas,  $a_{RWG}(\epsilon_{r\_alto}) = a_{SIWG}(\epsilon_{r\_alto})$  a freqüência de corte do guia retangular será inferior a freqüência de corte do modelo SIWG, fc<sub>RWG</sub> ( $\epsilon_{r\_alto}$ ) < fc<sub>SIWG</sub> ( $\epsilon_{r\_alto}$ ). Resulta então uma imprecisão no projeto de guias SIWG que impossibilita uma previsão acurada das freqüências de corte dos modos e da banda passante do dispositivo. Para superar esta imprecisão, uma série de simulações utilizando a constante dielétrica  $\epsilon_{r} = 80$  foi realizada e os modelos RWG e SIWG foram sucessivamente comparados. Com base nos resultados de simulações e otimizações dos valores das paredes dos guias,  $a_{RWG}(\epsilon_{r\_alto})$  e  $a_{SIWG}(\epsilon_{r\_alto})$  de forma que  $fc_{RWG}(\epsilon_{r\_alto}) = fc_{SIWG}(\epsilon_{r\_alto})$ , é obtida uma expressão (equação 11), que possibilita que a freqüência de corte dos dois modelos

sejam iguais. Sendo uma relação não reportada na literatura e desta forma é uma contribuição importante deste trabalho.

$$a_{SIWG} = a_{RWG} + \left(1,3 \cdot \frac{d}{2}\right) \tag{11}$$

O método de projeto apresentado permitiu então que vários protótipos fossem desenvolvidos com freqüências de corte corretamente avaliadas, e será denominado no restante deste texto como o método da equivalência SIWG / RWG. Deve ser destacado que a eficácia deste método depende da otimização da perda de retorno e da perda de inserção em função das relações das equações (3 a 11) anteriormente indicadas.

## 2.3 Estruturas de transição entre linhas planares e guias SIWG

Na literatura o guia SIWG pode ser integrado por 2 tipos de estruturas de transição de linhas planares, a linha microstrip e a linha CPW, pois ambas as estruturas permitem que os modos TE e TM sejam excitados no guia [6,7,14] com o casamento de impedância adequado e mantendo a banda larga de transmissão destes guias. As pesquisas evoluem para dimensionar várias estruturas de casamento de linhas planares e guias. Este trabalho apresenta como inovação a transição coaxial guia SIWG. A seguir serão apresentados os tipos de transição.

### 2.3.1 Transição Microstrip - SIWG

Esta estrutura pode ser dimensionada calculando a impedância de onda do guia, que geralmente está em torno de  $100\Omega \sim 300\Omega$ , para o casamento com a linha microstrip que é tipicamente de 50 $\Omega$ . Tanto as dimensões da linha microstrip quanto as dimensões do taper podem ser otimizadas no simulador eletromagnético de forma a possibilitar uma banda de transmissão larga na faixa desejada. A Figura 7 apresenta o modelo tridimensional da

transição microstrip guia SIWG destacando as dimensões do "*taper*" de casamento de impedância.



Figura 7 - Transição microstrip para SIWG [6].

# 2.3.2 Transição Coaxial - SIWG

Este tipo de transição surge do conceito da conhecida transição coaxial-guia retangular [24, 25] que geralmente é uma estrutura de banda seletiva, mas que se dimensionada no guia SIWG, seguindo as simulações apresentadas nos capítulos seguintes, garantem uma banda ultra-larga, pois tanto o guia quanto a linha coaxial é realizada no mesmo substrato, com o mesmo dielétrico, sendo o coaxial dimensionado a partir de uma via metalizada. A Figura 8 apresenta o modelo 3D de um guia SIWG excitado por 2 probes coaxiais idênticos distanciados em z . A Figura 9 apresenta em detalhes o corte longitudinal de 1 probe coaxial e suas dimensões em relação ao guia SIWG.



Figura 8 - Modelo tridimensional de um guia SIWG excitado por probe coaxial.



Figura 9 - Corte longitudinal do guia SIWG no centro do coaxial.

O Cálculo das dimensões do cabo coaxial para excitar o guia de onda retangular segue a equação da impedância de entrada vista pela linha coaxial no guia RWG, que é igual a resistência de radiação do probe (Ro) no guia apresentada pela equação (12). Este valor depende das dimensões de comprimento do probe dentro do guia (d), do diâmetro do probe  $(d_{in})$ , da posição do probe em relação a parede do guia (L), assim como da constante de propagação ( $\beta$ ) e do numero de onda (K) para a freqüência que se deseja transmitir. Variando as dimensões L e d obtém a transferência de potência ótima entre o coaxial e o guia ajustando Ro igual a impedância característica do coaxial Ro=50 Ohm, que determina as dimensões do coaxial d<sub>in</sub> e d<sub>out</sub> e calculando a impedância de onda do guia (Zw) na banda de transmissão desejada.

$$R_{o} = \frac{Z_{w} \left|-1+e^{(-2\,i\,\beta L)}\right|^{2} tan\left(\frac{1}{2}Kd\right)^{2}}{2\,a\,b\,K^{2}}$$
(12)

#### 2.4 Comentários

No presente capítulo foram introduzidos e descritos os guias NRD e o SIWG. A simulação Eletromagnética 3D do guia NRD em um substrato de Er=10 (Alumina) na freqüência de 100 GHz apresentou um comportamento EMBG (Eletromagnetic Band Gap). A utilização de guias SIWG modelados por RWG revela-se ser a mais adequada para a obtenção de faixas largas e contínuas, cujo comportamento será avaliado no próximo capítulo. Obteve-se também uma nova formulação para descrever a equivalência entre as dimensões das portas dos guias SIWG e RWG denominada de "Método da equivalência SIWG/RWG". As equações (8, 9 e 10) são deduzidas para substratos de baixas constantes dielétricas onde as dimensões das portas dos guias RWG e SIWG são iguais. Uma nova equação (11) determina a relação entre as portas dos dois modelos que está associada as equações (8, 9 e 10) aplicadas a substratos de altas constantes dielétricas. Este resultado constitui uma contribuição original desta tese muito importante para aplicações de ondas guiadas em semicondutores. As estruturas de transição entre linhas planares e guias SIWG foram apresentadas considerando tanto a transição microstrip - SIWG quanto a transição coaxial-SIWG.