

## 6

### Conclusão

Na República, Platão chama de ὑποθέσεις, portanto, o que o matemático considera evidente por si mesmo e que não necessita justificação: não se dignam a dar a razão (λόγον διδόναι) delas nem a si próprios nem aos outros, considerando que elas são evidentes para todos (510c). A questão é que, ao fazer isso, Platão confere um caráter de provisionalidade e de suspeição a algo onde, antes, em geral, não havia. É verdade que as ciências matemáticas partem de “princípios” que elas não procuram justificar; mas do ponto de vista matemático, isso se explica por esses princípios serem considerados auto evidentes e cuja justificação é desnecessária à demonstração que se pretende, além de “matematicamente” impossível. De modo que o que se deve ser esclarecido aqui é em que sentido princípios, auto evidentes e indemonstráveis para os matemáticos, tornam-se, do ponto de vista da filosofia, simples ὑποθέσεις.

A resposta, como apontaram, contemporaneamente, alguns eminentes comentadores<sup>1</sup>, parece estar mais perto do que se supunha e deve ser procurada à luz da Teoria das Idéias. Nesse sentido, o artigo, tornado clássico, de H.F. Cherniss<sup>2</sup> nos ajuda a “iluminar” a questão. Segundo Cherniss, a Teoria das Idéias

---

<sup>1</sup> Notadamente Yvon Lafrance (*op., cit.*), Suzanne Mansion. (*op., cit.*) e Richard Robinson (*op., cit.*)

<sup>2</sup> H. F. Cherniss. *A Economia Filosófica da Teoria das Idéias*. Trad. Irley Franco in “O que nos faz pensar”, cadernos do depto. de filosofia da PUC-RJ, n 2, p. 109-118.

tem como inspiração principal oferecer uma explicação das diversas esferas da experiência humana — ética, epistemológica e ontológica — que, ao integrar umas às outras, apresente um cosmos racionalmente unificado. Neste aspecto, A Teoria das Formas pode ser considerada a contrapartida de Platão às teses relativistas dos sofistas na medida em que funda a possibilidade de um saber absoluto: é a teoria que fornece uma ontologia adequada à fundamentação de uma epistemologia, por sua vez adequada a uma fundamentação da ética.

O âmago da teoria platônica, portanto, está nessa estruturação hierárquica onde cada esfera se funda naquela que, na ordem lógica, lhe é imediatamente superior, remontando-se assim até a esfera ontológica, fundada, por sua vez, em um princípio ele mesmo não fundado e do qual todas elas se originam, a ἀρχὴ ἀνυπόθετος (510b; 511b).

Voltando agora para a passagem da Linha, vemos que o teor da crítica platônica parece se concentrar, principalmente, no fato de serem, os matemáticos, incapazes de ligar suas hipóteses a um princípio primeiro:

Sócrates — *Eu afirmava que os objetos desse gênero pertencem à classe do inteligível (νοητὸν), mas que, para conseguir conhecê-los, a alma é obrigada a recorrer a hipóteses (ὑποθέσει), que ela não se encaminha em direção a um princípio (ἀρχήν), uma vez que não pode ir além dessas hipóteses, servindo-se destas como de imagens dos mesmos objetos que produzem sombras no segmento inferior, e que, em relação a essas sombras, são tidos e considerados como claros (ἐναργεῖσι) e distintos (τετιμημένοις).*

(511a)

Entretanto, não devemos pensar que Platão está querendo chamar a atenção aqui para o fato de que os matemáticos não buscavam remontar até aos princípios primeiros de suas respectivas ciências. O testemunho de Proclus mostra que eles não só faziam isso como procuraram mesmo subordinar o princípio da geometria ao princípio da matemática (entenda-se aritmética)<sup>3</sup>. O que está em jogo é, antes, que Platão não reconhece, nos princípios matemáticos, as características que ele exige para todo aquele que, do ponto de vista filosófico, se pretende *princípio*. É bem verdade que os exemplos trazidos por Platão para ilustrar sua crítica mais confundem do que esclarecem — o par e o ímpar, as figuras geométricas e as três

<sup>3</sup> “o ponto é a unidade que, além disso, toma uma posição.” *Commentaire sur la République*, trad. A.J. Festugière, Paris, 1970, t. II, pp. 95-96. O que caracterizaria a dependência do princípio do ponto ao da unidade e a conseqüente subordinação da geometria à aritmética. Lafrance remarca ainda que, na passagem 521c – 532 onde Platão classifica as disciplinas matemáticas, a aritmética vem em primeiro lugar e a geometria em segundo, (*op. cit.*, p. 72).

espécies de ângulos — pois não parece provável que os matemáticos da época os reconhecessem como “princípios” de suas disciplinas. Mas, mesmo que apelássemos para o ponto e a mônada, p. ex., parece claro que, por mais primeiros que eles sejam<sup>4</sup>, não são, contudo, princípios primeiros de todas as coisas; eles são válidos dentro da esfera matemática<sup>5</sup>, mas a matemática permanece apenas mais uma esfera, entre outras, da experiência humana, havendo, portanto, de acordo com a estruturação hierárquica da Teoria das Idéias, espaço para uma investigação mais além sobre a natureza das entidades das quais ela parte.

Conhecer, segundo Platão, é conhecer a essência, a idéia. Conhecemos uma coisa quando nossa alma transcende o particular sensível para apreender seu *εἶδος*, aquilo que é comum à multiplicidade, aquilo que faz com que cada coisa seja o que é. Conhecer é reduzir a multiplicidade de nossa experiência sensível à idéia correspondente, isto é, é o processo e o termo pelo qual encontramos um princípio unificador (*εἶδος*) da multiplicidade da experiência. Para Platão, os princípios matemáticos, ainda que *νοητά* — *eu afirmava que os objetos desse gênero pertencem à classe do inteligível (νοητὸν)* (511a) — somente adquirem plena inteligibilidade, do ponto de vista de uma saber absoluto, filosófico, quando ligados, primeiro, aos seus respectivos princípios (*ἀρχαί*), isto é, às suas respectivas formas inteligíveis: a idéia do ponto, a idéia da unidade, etc. e, por fim, à Idéia do Bem<sup>6</sup>.

Portanto, se os “princípios” matemáticos têm, por sua vez, seus “princípios” nas *idéias* que lhes correspondem, isso significa, então, que eles já não seriam

<sup>4</sup> Segundo Proclus (*op., cit.*, p.96-104.), o ponto é o princípio de todas as figuras geométricas e a mônada o princípio de todos os números.

<sup>5</sup> A unidade podendo ser considerada como a *ἀρχὴν ἀνυπόθετον* da aritmética e o ponto a *ἀρχὴν ἀνυπόθετον* da geometria.

<sup>6</sup> O que pode confundir são as expressões *τοῦ τετραγώνου αὐτοῦ* e *διαμέτρου αὐτῆς* que Platão, um pouco mais acima, utiliza para se referir aos objetos de estudo dos matemáticos. Segundo Baccou (*op., cit.*, n. 448), não se trata aqui, absolutamente, da *forma inteligível* do quadrado ou da diagonal, nem tampouco de um quadrado qualquer, mas do quadrado matemático cuja noção estaria a meio caminho entre esses dois. Interpretada assim, a concepção de Platão com relação aos objetos matemáticos mencionados nessa passagem remete ao testemunho de Aristóteles em *Metafísica* A6 sobre as famosas entidades matemáticas intermediárias. Não iremos aqui nos envolver na querela histórica que envolve essa questão, quanto à legitimidade ou não de se fazer um paralelo entre o testemunho de Aristóteles e o que é dito por Platão nessa passagem. Para uma exposição abrangente das posições tomadas pelos principais comentadores e as objeções levantadas, cf. J.A. Brentlinger, *The Divided Line and Plato's "Theory of Intermediates"*, in *Phronesis*, VIII, 1963, p. 146-166; E. de Strycker, *La distinction entre l'entendement (dianoia) et l'intellect (nous) dans la République de Platon*, in *Estudios de la Filosofia em homenaje al Professor R. Mondolfo*, tucuman, 1957, Fasc. 1, p. 209-226.

“primeiros”, mas “derivados”. De modo que se pode entender, agora, por que Platão os chama de “hipóteses”: enquanto “derivados”, do ponto de vista filosófico, eles teriam o mesmo estatuto conjetural, provisório e aproximativo que Platão reconhece, de maneira geral, em sua concepção de hipóteses.

Em resumo, quando Platão reprova os matemáticos e geômetras de seu tempo de não “darem a razão” (*λόγον διδόναι*) de seus princípios, ele não está querendo dizer que os matemáticos não davam a definição das entidades que eles estudavam, ou que não formulavam as proposições de que partiam, ou que não provavam a sua existência, ou ainda, como defendeu A.E. Taylor<sup>7</sup>, que as proposições que os matemáticos e os geômetras adotavam, como princípios de suas disciplinas, eram falsas. Para Platão, as matemáticas constituem disciplinas sérias, as quais apresenta mesmo como propedêuticas à dialética (522b –532a), devendo ser, por isso, prescritas por lei (525c). Não nos parece, portanto, que Platão esteja pondo em questão a validade das matemáticas, ou a legitimidade delas de postularem seus princípios iniciais, ou ainda a força coercitiva de suas demonstrações. Ao contrário, o rigor lógico com que o matemático caminha da hipótese à conclusão é, antes, o arquétipo privilegiado, para Platão, do modelo de ciência que ele quer instituir. Entretanto, do ponto de vista filosófico, as disciplinas matemáticas não podem ser consideradas ciências (*ἐπιστήμη*) no sentido forte do termo (511a); elas permaneceriam, todavia, “limitadas”, na medida em que seus princípios, enquanto derivados, não podem ser considerados primeiros na ordem do conhecimento.

---

<sup>7</sup> TAYLOR, A.E. *Note on Plato's Republic, VI, 510c2-5*, ds Mind 43, 1934, p. 81-84.